

# أولاً الجزء المصنف الأول الإعدادي الفصل الدراسي الثاني

## الضرب المتكرر في ن

إذا كان  $\frac{أ}{ب}$  عددا نسبياً ، ن عدداً صحيحاً موجباً فإن

$$\left(\frac{أ}{ب}\right)^ن = \frac{أ}{ب} \times \frac{أ}{ب} \times \frac{أ}{ب} \times \dots \times \frac{أ}{ب}$$

عدد ن من المرات

$$\left(\frac{أ}{ب}\right)^ن = \frac{أ^ن}{ب^ن}$$

$$\frac{\begin{smallmatrix} 1 & 6 \\ 8 & 1 \end{smallmatrix}}{\begin{smallmatrix} 1 & 6 \\ 8 & 1 \end{smallmatrix}} = \frac{\begin{smallmatrix} 2 \\ 4 \end{smallmatrix}}{\begin{smallmatrix} 2 \\ 4 \end{smallmatrix}} = \begin{smallmatrix} 2 \\ 4 \end{smallmatrix} \left( \begin{smallmatrix} 2 \\ 4 \end{smallmatrix} \right) = \begin{smallmatrix} 2 \\ 4 \end{smallmatrix} \left( \begin{smallmatrix} 1 & 6 \\ 8 & 1 \end{smallmatrix} \right)$$

## ملاحظات هامة

$$۱- = \text{فردی} \quad (۱-)$$

مثال أوجد فى أبسط صورة  $(-\frac{3}{4})^3 \times (\frac{2}{3})^4$

الحل

$$\frac{1}{12} = \frac{16}{81} \times \frac{27}{64} = \text{المقدار}$$

@@

مثال أوجد فى أبسط صورة  $(-\frac{3}{5})^3 \times \frac{25}{27}$

الحل

$$\frac{1}{5} = \frac{25}{27} \times \frac{27}{125} = \text{المقدار}$$

@@

مثال أوجد فى أبسط صورة  $(-\frac{2}{9})^2 \div (\frac{1}{3})^3 \times (-\frac{2}{3})^3$

الحل

$$\frac{2}{9} = \frac{81}{4} \times \frac{1}{27} \times \frac{8}{27} = \frac{4}{81} \div \frac{1}{27} \times \frac{8}{27} = \text{المقدار}$$

@@

مثال أوجد قيمة  $(-\frac{1}{4})^3 \div [\frac{3}{4} \times (\frac{1}{2})^2 \times 8]$

الحل

$$\frac{1}{12} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{8} = \frac{3}{2} \div \frac{1}{8} = [\frac{3}{4} \times \frac{1}{4} \times 8] \div \frac{1}{8} = \text{المقدار}$$

@@

مثال إذا كانت أ =  $\frac{1}{4}$  ، ب = 2 ، ج =  $\frac{3}{4}$  أوجد القيمة العددية للمقدار

$$3^2 \text{ ب} + 2^2 \text{ ب} - 8 \text{ أ ب ج}$$

الحل

$$\frac{3}{4} \times 2 \times \frac{1}{4} \times 8 - \frac{3}{4} \times 2^2 + 2^2 \times (-\frac{1}{4}) = \text{المقدار}$$

$$\frac{7}{2} = \frac{6-1}{2} = 3 - \frac{1}{2} = 6 - 3 + \frac{1}{2} = \frac{3}{4} \times 8 - \frac{3}{4} \times 4 + 4 \times \frac{1}{8} =$$

## تمارين على الضرب المتكرر

[ ١ ] أوجد قيمة كلا مما يأتي

$$\begin{array}{cccc} \text{٢} & \text{٣} & \text{٢} & \text{٢} \\ \left(\frac{٢}{٥}\right) & \left(\frac{٤}{٣}\right) & \left(\frac{٧}{١}\right) & \left(\frac{٥}{٣}\right) \\ \text{(ع)} & \text{(ج)} & \text{(ب)} & \text{(أ)} \\ \text{٢} & \text{١} & \text{٤} & \text{٣} \\ \left(\frac{١}{٢}\right) & \left(\frac{٣}{٢}\right) & \left(\frac{٢}{٣}\right) & \left(\frac{٥}{٤}\right) \\ \text{(ل)} & \text{(ع)} & \text{(ص)} & \text{(س)} \end{array}$$

[illegible]

**[ ٢ ] أوجد قيمة كلا مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة**

$$\begin{array}{l}
 \text{(أ)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(ب)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(ج)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(د)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(هـ)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \\
 \text{(و)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(ز)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \\
 \text{(ح)} \quad \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix} \div \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 3 \\ 0 \end{pmatrix}
 \end{array}$$

[illegible]

[ ٣ ] إذا كانت  $\frac{2}{3} = \text{ص}$  ،  $\text{ص} = 3$  ،  $\frac{1}{4} = \text{ع}$  ، أوجد قيمة

(أ)  $s^2 \div e^3$       (ب)  $s^3 \div v^2 e^3$   
 (ج)  $s^2 - v^2 e^3$       (د)  $s^2 \div v^2 e^3$   
 (هـ)  $s^2 \div v^3 e^3$       (و)  $s^3 \div (v^2 e^3)$

[illegible]

[ ٤ ] إذا كانت  $s = ٠.٦$  ،  $v = \frac{٣}{٤}$  ،  $e = -\frac{١}{٢}$  أوجد قيمة  $(s+v) \div e^2$

*a a*

[ ٥ ] إذا كان  $\frac{2}{3} = \text{أ}$  ،  $\text{ب} = -\frac{4}{3}$  أوجد قيمة  $\text{أ}^3 \div \text{ب}^3$

## القوى الصحيحة الغير سالبة

$$\dot{n} + m \left( \frac{1}{\dot{b}} \right) = \dot{n} \left( \frac{1}{\dot{b}} \right) \times m \left( \frac{1}{\dot{b}} \right)$$

## القانون الأول

## عند ضرب الاساسات المتحدة تجمع الاسس

$$\frac{{}^3_2 \frac{{}^2_4 {}^2_3}}{2} = \frac{{}^5_0 {}^2_3}{2} = {}^5_0 \left( \frac{{}^2_3}{{}^2_3} \right) = {}^3+2 \left( \frac{{}^2_3}{{}^2_3} \right) = {}^3 \left( \frac{{}^2_3}{{}^2_3} \right) \times {}^2 \left( \frac{{}^2_3}{{}^2_3} \right) \text{ فمثلا}$$

[illegible]

$$\overset{\circ}{n}-\overset{\circ}{m}\left(\frac{\overset{\circ}{a}}{\overset{\circ}{b}}\right)=\overset{\circ}{n}\left(\frac{\overset{\circ}{a}}{\overset{\circ}{b}}\right)\div\overset{\circ}{m}\left(\frac{\overset{\circ}{a}}{\overset{\circ}{b}}\right)$$

## القانون الثانى

## عند قسمة الاساسات المتحدة تطرح الاسس

$$\frac{\frac{16}{81}}{\frac{4}{9}} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{3}} = \left(\frac{2}{3}\right)^3 - \left(\frac{2}{3}\right)^1 = \left(\frac{2}{3}\right)^3 \div \left(\frac{2}{3}\right)^1 \text{ فمثلا}$$

*a a*

**أوجد قيمة**  ${}^3\left(\frac{3}{2}\right) \times \frac{3}{2} \times {}^2\left(\frac{3}{2}\right)$

### مثال

## الحل

$$\frac{729}{64} = \frac{3^6}{2^6} = 3^3 \left( \frac{3}{2} \right)^3 = 3^3 + 1 + 3 \left( \frac{3}{2} \right)^3 = \text{المقدار}$$

*a a*

أوجد قيمة  $\left(\frac{3}{5}\right)^7 \div \left(\frac{3}{5}\right)^4 \times \left(\frac{3}{5}\right)^5$

### مثال

## الحل

$$\frac{9}{20} = \frac{2}{5} \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{7-9}{5} \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{7}{5} \left( \frac{3}{4} \right) \div \frac{9}{5} \left( \frac{3}{4} \right) = \frac{7}{5} \left( \frac{3}{4} \right) \div \frac{4}{5} + \frac{5}{5} \left( \frac{3}{4} \right) = \text{المقدار}$$



**مثال**

$$\frac{1}{3} \times {}^9\left(\frac{1}{3} \times 3\right) = \text{ص} \times {}^9(\text{س ص}) = \text{ص} \times {}^9\text{ص} \times {}^9\text{س} = \text{المقدار}$$

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times {}^9(1) =$$

**مثال**

$$\text{المقدار} = \text{س}^2 \times \text{س}^1 \times \text{ص}^1 = \text{س}^2 \times (\text{س ص})^1 = 3^2 \times (\frac{1}{3} \times 3)^1 = 9 = 1 \times 9 = 1^1 \times 9 =$$

**مثال**

$${}^7\left(\frac{3}{4}\right) = 5 \times {}^5\left(\frac{3}{4}\right)$$

$$\frac{5}{16} = {}^2\left(\frac{3}{4}\right) = {}^{5-7}\left(\frac{3}{4}\right) = {}^5\left(\frac{3}{4}\right) \div {}^7\left(\frac{3}{4}\right) = 5$$

**مثال**

$$6 \times 2.5 = (1.5 + 1) \times 2.5 = \text{المقدار}$$

للمزيد زر صفحتنا التعليمية ( المدرس بوك ) او موقعنا الالكتروني [www.modrsbook.com](http://www.modrsbook.com)

## تمارين على القوى الصحيحة الغير سالبة

[ ١ ] احسب كلا مما يأتى مع وضع الناتج فى أبسط صورة :-

$$(أ) \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 \quad (ب) \left(\frac{3}{2}\right)^2 \times \left(\frac{3}{2}\right)^3$$

$$(ج) \left(\frac{3}{5}\right)^2 \times \left(\frac{3}{5}\right)^3 \text{ صفر} \quad (د) \left(\frac{3}{8}\right)^2 \times \left(\frac{3}{8}\right)^3$$

$$(هـ) \left(\frac{3}{5}\right)^2 \div \left(\frac{3}{5}\right)^3 \quad (و) \left(\frac{2}{3}\right)^2 \times \left(\frac{2}{3}\right)^3 \times \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

$$(س) \left(\frac{5}{2}\right)^2 \div \frac{1}{5} \quad (ص) \left(\frac{3}{4}\right)^2 \times \left(\frac{3}{4} - \right)^3$$

@@

[ ٢ ] أحسب قيمة كلا مما يأتى مع وضع الناتج فى أبسط صورة :-

$$(أ) \frac{5^3 \times 4^3}{7^3} \quad (ب) \frac{6^5 \times 4^5}{5^5 \times 5^5} \quad (ج) \frac{4^3 \times (3-)^4}{6^{(3-)}} \\ (د) \frac{12^5}{5^5 \times 4^5} \quad (هـ) \frac{س^2 \times ص^3 \times س^4}{س^2 \times ص^6} \quad (و) \frac{س^2 \times ص^2 \times س^2}{س^2 \times ص^2}$$

@@

[ ٣ ] ضع على صورة  $\left(\frac{س}{ص}\right)^ن$

$$(أ) 3 \frac{3}{8} \quad (ب) 1 \frac{9}{16} \quad (ج) 2 \frac{7}{9} \quad (د) 2 \frac{1}{27}$$

@@

[ ٤ ] إذا كانت س =  $\frac{1}{2}$  ، ص =  $\frac{3}{4}$  ، ع =  $\frac{3}{2}$  أوجد القيمة العددية للمقدار

$$(أ) س^3 ص^2 \quad (ب) ص^3 س^2 \quad (ج) \frac{س^3}{ص^2 ع}$$



## القوى الصحيحة السالبة

تعريف	إذا كان أ عدداً نسبياً لا يساوى الصفر فإن $(1) \quad أ^{-ن} = \frac{1}{أ^n} \quad , , , \quad أ^n = \frac{1}{أ^{-ن}}$

فمثلاً

$$\begin{aligned}
 (1) \quad \frac{1}{9} &= \frac{1}{3^2} = 3^{-2} \quad , , , \quad , , , \quad \frac{1}{8} = \frac{1}{2^3} = 2^{-3} \\
 (2) \quad 10^{-1} &= \frac{1}{10} = 0.1 \quad , \quad 10^{-2} = \frac{1}{100} = 0.01 \\
 (3) \quad \frac{1}{6} &= 6^{-1} \quad , , , \quad \frac{1}{3} = 3^{-1} \quad , , , \quad \frac{1}{5} = 5^{-1} \\
 (4) \quad 6 &= 6^1 = 6^{-(-1)} \quad , , , \quad 3 = 3^1 = 3^{-(-1)} \\
 (5) \quad \frac{5}{6} &= 6^{-1} \left( \frac{5}{6} \right) \quad , , , \quad \frac{3}{4} = 4^{-1} \left( \frac{3}{4} \right) \\
 (6) \quad \frac{5}{6} &= 6^{-2} \left( \frac{5}{6} \right) = \frac{5}{6^2} = \frac{5}{36} \\
 (7) \quad \frac{3}{5} &= 5^{-3} \left( \frac{3}{5} \right) = \frac{3}{5^3} = \frac{3}{125} \\
 (8) \quad 3 \times 5^{-1} &= \frac{3}{5} \\
 (9) \quad 3 \times 5^{-1} &= \frac{3}{5} = 3 \times 5^{-1} = 3 \times \frac{1}{5} = \frac{3}{5}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \left( \frac{أ}{ب} \right)^{-ن} &= \left( \frac{ب}{أ} \right)^ن \\
 أ^{-ن} \times أ &= 1 \text{ صفر} \\
 \text{أى أن أن} &, أ^{-ن} \text{ كلا منهما معكوس} \\
 \text{ضربى للأخر} &
 \end{aligned}$$

لاحظ أن

$$3 \times 5^{-3} = 5^{-3} \times 3 = 5^{-3} = \frac{1}{5^3} = \frac{1}{125}$$

$$5^{-3} \div 5^{-7} = 5^{-3-(-7)} = 5^{-3+7} = 5^4 = 625$$

## أوجد قيمة

$$\frac{\begin{array}{c} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \\ \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \text{---} \end{array}}{\xi}$$

## الحل

$$٢٥ = ٢٥ = ٤ - ٦٥ = \frac{٦٥}{٤٥} = \frac{٨+٢٥}{٤٥} = \text{المقدار}$$

**أوجد قيمة**

أوجد قيمة  ${}^7_-(1\frac{2}{3}) \div {}^4_-(\frac{5}{3})$

## الحل

$$\frac{125}{27} = {}^3\left(\frac{5}{3}\right) = {}^{7+4-}\left(\frac{5}{3}\right) = {}^{7-}\left(\frac{5}{3}\right) \div {}^{4-}\left(\frac{5}{3}\right) = \text{المقدار}$$

## أوجد قيمة

أوجد قيمة  ${}^6_-(\frac{7}{3}) \div {}^4_-(\frac{7}{3})$

## الحمل

$$\frac{9}{49} = {}^2\left(\frac{3}{7}\right) = {}^2_-\left(\frac{7}{3}\right) = {}^4_+ + {}^6_-\left(\frac{7}{3}\right) = {}^4_-\left(\frac{7}{3}\right) \div {}^6_-\left(\frac{7}{3}\right) = \text{المقدار}$$

## أختصر لأبسط صورة

$$2 - \left( \frac{2 - 0 \times 0}{4 \quad 0 \times 1 - 0} \right)$$

الحمل

$$٦٢٥ = ٤٥ = ٢ - (٢ - ٥) = ٢ - (٣ - ١٥) = \overbrace{٢ - \left( \frac{٥}{٣} \right)}^{\text{المقدار}} = ٢ - \left( \frac{٢ - ٣}{٤ + ١ - ٥} \right)$$

**لاحظ أن**

لاحظ أن إذا كانت  $\frac{7}{3} = \alpha$  فإن  $\alpha^{-1} = \frac{3}{7}$

إذا كانت  $\frac{1}{3} = \alpha$  فإن  $\alpha' = 3$

## تمارين على القوى الصحيحة السالبة

## [ ١ ] أحسب قيمة كلا مما يأتي

$$1 - \frac{1}{2} \left( \frac{1}{2} \right)$$

۲۰ (ب)

٢- (  $\frac{٣}{٤}$  ) ( ج )

$$r_1 = \left(\frac{1}{2}\right) (4)$$

$$1 - \gamma \times 0 \quad (5)$$

$$3 - 2 \times 3 \quad (9)$$

(س) ۲-۳ × ۵

(ص)  ${}^{1-3} \times {}^{1-2}$

$$I_{-}(\cdot, \cdot)(\varepsilon)$$

$$2 - (1.2)(1)$$

$\frac{1}{2}$  (م)

٥٠ (ن)

$$\frac{2-3}{3-2} \text{ (ك)}$$

(ف)  $\frac{7}{3-2}$

$$\frac{2-2}{5-2} \text{ (ق)}$$

$$\frac{25}{3-5} (\text{غ})$$

[ ٢ ] أحسب قيمة كلا مما يأتي

$$\frac{\gamma_{-} \times \gamma_{-}}{\gamma_{-}} \quad (1)$$

$$\frac{\gamma_{\mu} \times \gamma_{\nu}}{\gamma_{\mu} - \gamma_{\nu}} (2)$$

$$\frac{r_{-0} \times r_{-0}}{v_{-0}} \quad (3)$$

$$\frac{\gamma_{-} \gamma_{\times} \gamma_{\gamma}}{\gamma_{\gamma} \gamma_{\gamma}} (\xi)$$

$$\gamma \left( \frac{\sigma_{-} \gamma \times \gamma}{\xi_{-} \gamma} \right) (\sigma)$$

$$\frac{\begin{array}{ccc} \xi_- & & \gamma \\ & \circ \times & \circ \end{array}}{\begin{array}{ccc} \gamma & & \gamma_- \\ & \circ \times & \circ \end{array}} \quad (6)$$

$${}^2_1(0 - 3 - \text{صفر}) (7)$$

$$\frac{1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}}{2 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2}} \quad (\wedge)$$

$$\frac{\begin{matrix} \textcircled{3} \\ (\cdot, \cdot, \cdot) \end{matrix} \times \begin{matrix} \textcircled{2} \\ (\cdot, \cdot) \end{matrix}}{\begin{matrix} \textcircled{2} \\ (\cdot, \cdot) \end{matrix}} \quad (9)$$

[illegible]

**[ ٣ ] أكمل**

(۱) إذا كانت  $\frac{2}{5}$

..... = ۱- فان س

(۲) إذا كانت  $s = 5$

..... = ۱- فان س

(٣) إذا كانت  $أ = ٣$  س ،  $ب = ٣ - ص$  فإن  $أ \times ب = \dots\dots\dots$

الصورة القياسية للعدد

الصورة القياسية للعدد هي  $a \times 10^n$  حيث  $1 \leq |a| < 10$  ،  $n$  ص

**لاحظ أن**

$$\mathbf{1} - \mathbf{1} = \mathbf{0}$$

$$\gamma_{-}(\cdot) = \gamma_{+}(\cdot)$$

$$\mathbf{r}_- \cdot \mathbf{r}_+ = \mathbf{r}_+ \cdot \mathbf{r}_-$$

$$\xi_{-}(\cdot) = (\cdot, \cdot, \cdot, \cdot)$$

وهكذا

$$\gamma_{\alpha} = \gamma_{\beta}$$

$$\gamma_{\alpha\beta} = \gamma_{\beta\alpha}$$

$$^{\circ} \quad \text{ } = \text{ } ^{\circ}$$

$$\xi \quad \backslash \quad = \quad \backslash \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot$$

وهكذا

*a a*

$$١٠ \times ٢ = ١٠٠٠ \times ٢ = ٢٠٠٠ \text{ العدد}$$

$$10 \times 3 = 10,000 \times 3 = 30,000 \text{ العدد}$$

٣-  $١٠ \times ٧ = ١٠٠ \div ١ \times ٧ = ١٠٠ \div ٧$  العدد

٤-  $١٠ \times ٢ = ١٠٠٠٠١ \times ٢ = ١٠٠٠٠٢$  العدد

[illegible]

ضع العدد ٥٢٠٠٠٠٠٠ على الصورة القياسية

**مثال**

## الحل

$$1. \times 0.2 = 0.2, \dots$$

[illegible]

ضع العدد ١٢.٠٠٠٠٠٠٠ على الصورة القياسية

**مثال**

# الحل

9-  $1. \times 12 = 12$   $1 \times 12 = 12$

أكتب العدد  $١٠ \times ٥٦$  على الصورة القياسية

مثال

الحل

$$\text{العدد} = ١٠ \times ٥٦ = ١٠ \times ١٠ \times ٥.٦ = ١٠ \times ٥.٦ = ١٠ \times ٥.٦$$

aaa

أكتب العدد  $١٠ \times ٤٦١.٢$  على الصورة القياسية

مثال

الحل

$$\text{المقدار} = ١٠ \times ٤٦١.٢ = ١٠ \times ١٠ \times ٤٦.١٢ = ١٠ \times ٤٦.١٢ = ١٠ \times ٤٦.١٢$$

aaa

أكتب  $١٠ \times ٠.٧$  على الصورة القياسية

مثال

الحل

$$\text{العدد} = ١٠ \times ٠.٧ = ١٠ \times ٠.١ \times ٧ = ١٠ \times ٠.١ \times ٧ = ١٠ \times ٠.٧ = ١٠ \times ٠.٧$$

aaa

أكتب  $١٠ \times ٠.٧$  على الصورة القياسية

مثال

الحل

$$\text{العدد} = ١٠ \times ٠.٧ = ١٠ \times ٠.١ \times ٧ = ١٠ \times ٠.١ \times ٧ = ١٠ \times ٠.٧ = ١٠ \times ٠.٧$$

aaa

أكتب العدد  $١٠ \times ٥٧$  على الصورة القياسية

مثال

الحل

$$\text{العدد} = ١٠ \times ٥٧ = ١٠ \times ١٠ \times ٥.٧ = ١٠ \times ٥.٧ = ١٠ \times ٥.٧$$

تمارين على الصورة القياسية

[ ١ ] ضع كلا مما يأتي على الصورة القياسية

$${}^3- ١٠ \times ٣٩ \quad [ ١ ] \quad {}^4- ١٠ \times ٥٦٤ \quad (٢)$$

$${}^6- ١٠ \times ٣٢.٥ \quad (٣) \quad {}^4 ١٠ \times ٥٧٢.٦٩ \quad (٤)$$

$${}^٥ ١٠ \times ٧٩ \quad (٥) \quad {}^٦ ١٠ \times ٣٦٥ \quad (٦)$$

$$٠.٢١٤٥ \quad (٧) \quad ٠.٣٢٤ \quad (٨)$$

$$٠.٠٠٠٠٠٠٢٥ \quad (٩) \quad ٠.٠٠٠٠٠٠٣٦ \quad (١٠)$$

$$٢٥٠٠٠٠٠٠ \quad (١١) \quad ٣٦٥٠٠٠٠ \quad (١٢)$$

$${}^٧- ١٠ \times ٣٦٥ - \quad (١٣) \quad {}^٧- ١٠ \times ٠.٤ \quad (١٤)$$

$${}^٤ ١٠ \times ٠.٦ \quad (١٥) \quad {}^٥ ١٠ \times ٠.٦٩ \quad (١٦)$$

$${}^٢ (٢٠٠٠٠) \quad (١٧) \quad {}^٤ (٣٠٠٠) \quad (١٨)$$

$${}^٣ ١٠ \times ٢.٥) \times ({}^٤ ١٠ \times ٠.٢) \quad (١٩) \quad ٣٠ \div ٠.٠٠٠٠٠٦ \quad (٢٠)$$

$${}^٦ ١٠ \times ٢.٥) \times ({}^٤ ١٠ \times ٤.٢) \quad (٢١) \quad ٣٢٠٠٠٠ \times ٥٠٠٠ \quad (٢٢)$$

$${}^٣ ١٠ \times ٢.٥) - ({}^٤ ١٠ \times ٣.٢) \quad (٢٣) \quad ({}^٥ ١٠ \times ٢.٥) + ({}^٤ ١٠ \times ٣٩) \quad (٢٤)$$

## ترتيب أجراء العمليات الحسابية

( أولا ) ترتيب أجراء العمليات الحسابية فى مقدار بدون أقواس

( ١ ) حساب قوى العدد ( الاسس )

( ٢ ) الضرب والقسمة بالترتيب من اليمين الى اليسار

( ٣ ) الجمع والطرح بالترتيب من اليمين الى اليسار

@@@aaaaa

( ثانيا ) ترتيب أجراء العمليات الحسابية فى مقدار به أقواس

( ١ ) أجراء العمليات الحسابية داخل الاقواس الداخلية ثم الخارجية

( ٢ ) حساب قوى العدد ( الاسس )

( ٣ ) الضرب والقسمة بالترتيب من اليمين الى اليسار

( ٤ ) الجمع والطرح بالترتيب من اليمين الى اليسار

@@

أحسب قيمة المقدار  $2 \div 4 - 6 \times 2$

مثال

الحل

$$\text{المقدار} = 2 \div 4 - 6 \times 2 = 12 - 2 = 10$$

@@

أحسب قيمة المقدار  $2^3 \times 4 + 9$

مثال

الحل

$$\text{المقدار} = 2^3 \times 4 + 9 = 9 \times 4 + 9 = 36 + 9 = 45$$

@@

أوجد ناتج  $2^3 - 7 \times 4$

مثال

الحل

$$\text{المقدار} = 2^3 - 7 \times 4 = 9 - 28 = 9 - 19 = 19$$

مثال

أوجد ناتج  $١٤٤ - ٨ \div ٢^٣$

الحل

$$\text{المقدار} = ١٤٤ - ٨ \div ٢^٣ = ١٤٤ - \underbrace{٨ \div ٨}_1 = ١٤٣$$

aa

مثال

أوجد ناتج  $٢٠ - ٢^٣ \times ٤$

الحل

$$\text{المقدار} = ٢٠ - ٢^٣ \times ٤ = ٢٠ - \underbrace{٨ \times ٤}_{٣٢} = ١٢$$

aa

مثال

أحسب قيمة  $٢(٥ - ٧) \div ١٩٦$

الحل

$$\text{المقدار} = ٢(٥ - ٧) \div ١٩٦ = ٢(٢) \div ١٩٦ = ٤ \div ١٩٦ = ٤٩$$

aa

مثال

أوجد قيمة  $٧(٦ \div ٣ \times ٢)$

الحل

$$\text{المقدار} = ٧(٦ \div ٣ \times ٢) = ٧(٦ \div ٣٦) = ٧(٦ \div ٣٦) = ٦ \times ٧ = ٤٢$$

aa

مثال

أحسب قيمة  $٢^٣ + ٢٤ \div ٢^٢ \times ١٢$

الحل

$$\text{المقدار} = ٢^٣ + ٢٤ \div ٢^٢ \times ١٢ = ٨ + ٢٤ \div \underbrace{٤ \times ١٢}_{٤٨} = ٩ + ٢٤ \div ٤٨ = ٩ + \underbrace{٢٤ \div ٤٨}_1 = ١١$$

$$١١ = ٩ + ٢ =$$





## الحل

$$\text{المقدار} = 162 + 24 \div 144 = 9 \times 6 \times 3 + (6 \times 4) \div 9 \times 16 =$$

$$168 = 162 + 6 =$$

@@@  
مثال إذا كانت س = 3 أوجد قيمة المقدار  $\left(\frac{3+5}{3-4}\right)^2$

## الحل

$$\text{المقدار} = \left(\frac{3+5}{3-4}\right)^2 = \left(\frac{3+3 \times 5}{3-3 \times 4}\right)^2 = \left(\frac{3+15}{3-12}\right)^2 = \left(\frac{18}{-9}\right)^2 = 2 \times 2 = 4$$

@@@  
مثال أختصر  $\frac{1}{3}(3 - n) + \frac{1}{4}(2 - n)$  ما قيمة الناتج عندما  $n = 1$

## الحل

$$\text{المقدار} = \frac{1}{3}(3 - n) + \frac{1}{4}(2 - n) = \frac{1}{3} \times 3 - \frac{1}{3}n + \frac{1}{4} \times 2 - \frac{1}{4}n = 1 - \frac{1}{3}n + \frac{1}{2} - \frac{1}{4}n = 1 - \frac{1}{12}n$$

عندما  $n = 1$

$$\text{المقدار} = 1 - \frac{1}{12}(1) = \frac{11}{12} = 1 - \frac{1}{12} = \frac{11}{12}$$

@@@  
مثال إذا كان س = 4 - (6 + 5) ،، ص = 9 ÷ (12 ÷ 36) أوجد القيمة العددية للمقدار س + ص

## الحل

$$س = 4 - (6 + 5) = 4 - 11 = -7$$

$$ص = 9 \div (12 \div 36) = 9 \div \left(\frac{12}{36}\right) = 9 \div \left(\frac{1}{3}\right) = 9 \times 3 = 27$$

$$\text{المقدار} = س + ص = -7 + 27 = 20$$

## تمارين على ترتيب العمليات الحسابية

[ ١ ] أحسب قيمة كلا مما يأتي

$$(٢) ٢ \div ٨ + ٢٠$$

$$(١) ٤ + ٥ \div ١٥$$

$$(٤) ٣ - ٧ \times ٤$$

$$(٣) ٤ \times ٥ + ١٣$$

$$(٦) ٧ - ٢ \div ٢٠ + ١٠ \times ٩$$

$$(٥) ٣ \div ٢ \times (٤ - ٧)$$

$$(٨) ٢ \times [ (٨ - ٣ \times ٦) + ٤ ] ٣ + ٢ \quad (٧) [ (٧ - ٩) - ٥ ] \div (٢ \times ١٥)$$

$$(١٠) ٨ - ١١ + ٣ \times ٢ + ٣ \div ٩ + ٦ \quad (٩) [ (٧ - ٩) - ٤ ] \div ٣ \times ١٠$$

$$(١٢) ٥ \times ٢ + ٣ \div ١٢$$

$$(١١) (١ - ٤) - ٨ + ٥ \div ٢٠$$

$$(١٤) ١٠ + ٧ \times ٤ - ٣٥$$

$$(١٣) ١٤ - ٥ \times ٤ + ٣$$

$$(١٦) ٣ - [ (٣ -) - ١٠ ] - ٧$$

$$(١٥) ٣ \div ١٥ + ٧$$

@@

[ ٢ ] أختصر ٢ (٣س - ص) - ٥ (ص - ٢س) ثم أوجد قيمة الناتج عندما

$$٢ = ص ، ٤ = س$$

@@

[ ٣ ] إذا كانت س = ٢ ، ص = ٥ أوجد القيمة العددية لكلا من المقادير الآتية

$$(أ) (س + ص) \quad (ب) (س - ص) \quad (ج) س + ص$$

@@

[ ٤ ] إذا كانت س = ١٥  $\div$  ٥ + ١ ، ص = ١٧ - ٥  $\times$  ٣ أوجد قيمة

$$٣س + ٥ص$$

@@

[ ٥ ] إذا كانت س = ٣ - (١ + ٤)  $\times$  ٢ ، ص = ٣  $\times$  ٢ - ٣  $\times$  ٥

أوجد قيمة ٥س + ٢ص

## الجذر التربيعي لعدد نسبي مربع كامل

**تعريف** الجذر التربيعي للعدد النسبي الموجب أ هو العدد الذي مربعه يساوي أ

\* الرمز  $\sqrt{\quad}$  يعنى الجذر التربيعي الموجب للعدد النسبي الموجب أ

\* الرمز  $-\sqrt{\quad}$  يعنى الجذر التربيعي السالب للعدد النسبي الموجب أ

\*  $\sqrt{\quad} = \sqrt{\quad}$  صفر

\*  $\sqrt{\quad}$  عدد سالب ( ليس له معنى )

\* الجذر التربيعي للعدد النسبي  $25 = \pm 5$

\* الجذرين التربيعين للعدد النسبي  $49 = \pm 7$

\* إذا كان أ عدد نسبي مربع كامل فان الجذرين التربيعين للعدد أ كلا منهما عددا نسبيا وكلا منهما

معكوس جمعى للجذر الاخر

\*  $\sqrt{1} = 1$  ،  $\sqrt{4} = 2$  ،  $\sqrt{9} = 3$  ، وهكذا .....

\*  $\sqrt{3} = \sqrt{3}$  ،  $\sqrt{(-3)} = -\sqrt{3}$

\*  $5 = \sqrt{25} = \sqrt{16 + 9}$  ولا يساوي  $5 = 4 + 3$  (فهذا خطأ)

\*  $\frac{5}{2} = \sqrt{\frac{25}{4}} = \sqrt{6\frac{1}{4}}$

س أكمل كلا مما ياتى

١- الجذر التربيعي للعدد  $36 = \dots\dots\dots$  بينما الجذر التربيعي للعدد  $100 = \dots\dots\dots$

٢- الجذرين التربيعين للعدد  $81 = \dots\dots\dots$  بينما الجذرين التربيعين للعدد  $144 = \dots\dots\dots$

٣- الجذرين التربيعين للعدد  $2\frac{1}{4} = \dots\dots\dots$  بينما الجذرين التربيعين للعدد  $2\frac{7}{9} = \dots\dots\dots$

٤-  $\sqrt{(-5)} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{3} = \dots\dots\dots$

٥-  $\sqrt{64 + 36} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{36 - 100} = \dots\dots\dots$

٦-  $\sqrt{(-4) + (-3)} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{(12) - (13)} = \dots\dots\dots$

٧-  $\sqrt{9} + \sqrt{16} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{16} - \sqrt{100} = \dots\dots\dots$

٨-  $\sqrt{64} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{169} = \dots\dots\dots$

٩-  $\sqrt{2\frac{1}{4}} + \sqrt{\frac{49}{4}} = \dots\dots\dots$  ،  $\sqrt{1\frac{11}{25}} + \sqrt{\frac{9}{25}} = \dots\dots\dots$

١٠- المربع الذى طول ضلعه ٥ سم تكون مساحته = ..... ومحيطه = .....



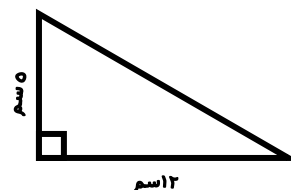
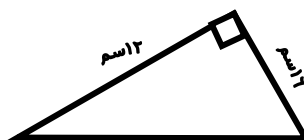
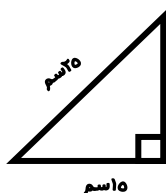
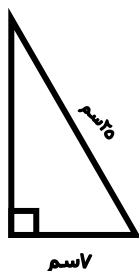
## تمارين على الجذر التربيعي

[ ١ ] أوجد قيمة كلا مما يأتي

- |                          |                            |                         |
|--------------------------|----------------------------|-------------------------|
| $\sqrt{0.64}$ (٣)        | $\sqrt{1\frac{9}{16}}$ (٢) | $\sqrt{10.24}$ (١)      |
| $\sqrt{230.4}$ (٦)       | $\sqrt{900}$ (٥)           | $\sqrt{729}$ (٤)        |
| $\sqrt{576}$ (٩)         | $\sqrt{324}$ (٨)           | $\sqrt{5625}$ (٧)       |
| $\sqrt{144 - 169}$ (١٢)  | $\sqrt{25 - 169}$ (١١)     | $\sqrt{25 + 144}$ (١٠)  |
| $\sqrt{(8) + (15)}$ (١٥) | $\sqrt{(15) - (17)}$ (١٤)  | $\sqrt{(3) - (5)}$ (١٣) |
| $\sqrt{٦٤ ص ٤}$ (١٨)     | $\sqrt{١٢ ص ٨}$ (١٧)       | $\sqrt{١٠ ص ٦}$ (١٦)    |
| $\sqrt{0.4}$ (٢١)        | $\sqrt{(5-)}$ (٢٠)         | $\sqrt{(2-)}$ (١٩)      |

@@

[ ٢ ] في كل شكل من الاشكال التالية أوجد طول الضلع المجهول



@@

[ ٣ ] أوجد عددين نسبیین يقعان بین  $\frac{3}{4}$  ،  $\frac{4}{9}$

@@

[ ٤ ] أختصر لأبسط صورة

- |   |   |
|---|---|
| <p>(ب) <math>\sqrt{25} + \sqrt{16}</math></p> <p>(٤) <math>\frac{4}{5} \times \sqrt{\frac{25}{16}}</math></p>                   | <p>(ج) <math>\sqrt{1 + 5 \times 2 - 5}</math></p> <p>(٤) <math>\frac{4}{5} \times \sqrt{\frac{25}{16}}</math></p> |
| <p>(٤) <math>\frac{4}{5} \times \sqrt{\frac{25}{16}}</math></p> <p>(٤) <math>\frac{4}{5} \times \sqrt{\frac{25}{16}}</math></p> | <p>(ج) <math>\sqrt{1 + 5 \times 2 - 5}</math></p> <p>(٤) <math>\frac{4}{5} \times \sqrt{\frac{25}{16}}</math></p> |

# الوحدة الثانية فقه الجدل

# الدرس

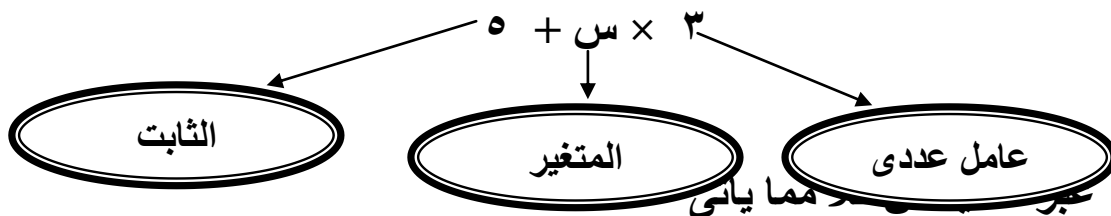
## المتغير والثابت

### الاول

( ٥ س ) يسمى حد جبرى وهو يتكون من عاملين هما ٥ وتسمى عامل عددى ، س  
وتسمى عامل رمزى وهو ما نطلق عليه متغير وهو يمثل نمط لعملية حسابية  
( ٥ س + ٤ ) يسمى مقدار جبرى وهو يتكون من حدان ٥ س ، ٤  
٥ (عامل عددى ) س ( عامل رمزى أوجبرى " متغير " ) والحد الثانى ٤ وهو ما نطلق  
عليه الثابت

الحد الجبرى	التعبير اللفظى عنه
٥ س	خمسة أمثال س أو حاصل ضرب العدد ٥ فى المتغير س أو المتغير س مكرر ٥ مرات
$\frac{٥}{س}$	حاصل قسمة العدد ٥ على المتغير س النسبة بين العدد ٥ والمتغير س
٥ + س	المتغير س مضافاً إليه العدد ٥ أو زيادة العدد ٥ على المتغير س
٥ - س	المتغير س مطروحا منه العدد ٥
٢ س	ضعف العدد س
٣ + ٢ س	ضعف المتغير س مضافا اليه ٣
٥ - ٣ س	طرح ثلاث أمثال المتغير س من العدد ٥

المقدار ٥ س + ٧  
٥ يسمى العامل العدد ، س يسمى المتغير ، ٧ يسمى الثابت



مثال



(أ) ٣ ك (ب) (ج) ٣ + ك (٤) ٣ - ك (هـ) ٣ + ك

## الحل

٣ ك يعنى العدد ٣ مضروباً فى ك أو ثلاث أمثال العدد ك

**ك/٣**      **يعنى خارج قسمة ك على ٣**      **أو النسبة بين ك والعدد ٣**

**ك + ٣**    **يعنى إضافة العدد ٣ الى المتغير ك**

٣ - ك يعنى طرح المتغير ك من العدد ٣

٢ ك + ٣      ضعف ك مضافاً اليه العدد ٣

[illegible]

**مثال** عبر عن كلا مما يأتي بصورة رياضية

( ١ ) ثلاث أمثال المتغير ص

## (۲) المتغير س مطروحا من ۵

(٣) ضعف المتغير س مضافاً إليه ٧

(٤) ثلاث أمثال المتغير ن مطروحاً منه العدد ٥

(٥) ثلاث أمثال المتغير س مضافاً إليه هـ

(٦) النسبة بين س ، ٤

## الحل

(۲) ۵ - س

(۱) ۳ ص

(۴) ۳ ن - ۵

(۲) ۲ س + ۷

$$\frac{S}{4} \quad (6)$$

(۵) ۳ س + ۵



## مثال

**أكمل**

$$ص = ٢ س \quad \text{أو} \quad ص = ٣ + ٢ س \quad \text{أو} \quad ص = ٥ - ٣ س \quad \text{أو} \quad ص = ٢ س + ٥$$
 العلاقة  $ص = أ س + ب$  تسمى علاقة خطية حيث المتغيرين  $س$  ،  $ص$  من الدرجة الاولى ،  
 أ ، ب ثوابت

يسمى  $S$  بالمتغير المستقل ويسمى  $V$  بالمتغير التابع ويسمى  $B$  بالحد المطلق ويسمى  $A$  معامل  $S$

*a a*

**مثال** أى من الآتى يعبر عن علاقة خطية بين المتغيرين س ، ص

(۱) ص = ۳ س

$$(٢) \text{س}^٢ + \text{ص} = ٢٠$$

(۳) ص = ۵ - س

(۴) ص =  $\frac{۱}{۲}$  س

(۵) ص س = ۱۰

(٦) ٥ = ٣ س + ٤ ص

$${}^2(٧ - ص) = ص$$

(۸) ۵ = ص + س

$$\frac{۱۰}{س} = ص (۹)$$

(۱۰) ص = س<sup>۳</sup> - ۱

## الحل

### (١) العلاقة خطية

## (٢) العلاقة غير خطية

### (٣) العلاقة خطية

#### (٤) العلاقة خطية

### (٥) العلاقة غير خطية

## (٦) العلاقة خطية

### (٧) العلاقة غير خطية

## (٨) العلاقة خطية

### (٩) العلاقة غير خطية

### (١٠) العلاقة غير خطية

مثال

أوجد ثلاث أزواج مرتبة تحقق العلاقة  $ص = ٢ + ٣$

الحل

بوضع  $س = ١$  نجد أن  $ص = ٢ = ٣ + (١)$   $٥ = ٣ + ٢$  يحقق العلاقة  
بوضع  $س = ٢$  نجد أن  $ص = ٢ = ٣ + (٢)$   $٧ = ٣ + ٤$  يحقق العلاقة  
بوضع  $س = ٣$  نجد أن  $ص = ٢ = ٣ + (٣)$   $٩ = ٣ + ٦$  يحقق العلاقة

@@

مثال

أوجد أربعة أزواج مرتبة تحقق العلاقة  $ص = ٧ - ٢$

الحل

عندما  $س = ٠$   $ص = ٧ - ٢ = (٠)$   $٧ = ٠ - ٧$  يحقق العلاقة  
عندما  $س = ١$   $ص = ٧ - ٢ = (١)$   $٥ = ٢ - ٧$  يحقق العلاقة  
عندما  $س = ٢$   $ص = ٧ - ٢ = (٢)$   $٣ = ٤ - ٧$  يحقق العلاقة  
عندما  $س = ٣$   $ص = ٧ - ٢ = (٣)$   $١ = ٦ - ٧$  يحقق العلاقة

@@

مثال

أوجد أربعة أزواج تحقق العلاقة  $ص = ٣$

الحل

عندما  $س = ١$   $ص = ٣ = (١)$  الزوج (١ ، ٣) تحقق العلاقة  
عندما  $س = ٢$   $ص = ٣ = (٢)$  الزوج (٢ ، ٦) تحقق العلاقة  
عندما  $س = ٣$   $ص = ٣ = (٣)$  الزوج (٣ ، ٩) تحقق العلاقة  
عندما  $س = ٤$   $ص = ٣ = (٤)$  الزوج (٤ ، ١٢) تحقق العلاقة

@@

مثال

أوجد زوجان يحققان العلاقة  $ص = \frac{٢}{٣} س$

الحل

عند  $س = ٣$   $ص = \frac{٢}{٣} \times ٣ = ٢$  الزوج (٣ ، ٢) يحقق العلاقة  
عند  $س = ٦$   $ص = \frac{٢}{٣} \times ٦ = ٤$  الزوج (٦ ، ٤) يحقق العلاقة

• كيفية تعيين نقطة في المستوى الاحداثى المتعامد :-

♥ لتعين النقطة ( ٢ ، ٣ ) على الاحداثى المتعامد نتحرك من نقطة الاصل ( و ) وحدتان ناحية اليمين ثم نتحرك رأسياً لأعلى ثلاث وحدات

♥ لتعين النقطة ( ٢- ، ٣- ) على الاحداثى المتعامد نتحرك من نقطة الاصل ( و ) وحدتان ناحية اليمين ثم نتحرك رأسياً لأسفل ثلاث وحدات

♥ لتعين النقطة ( ٢- ، ٣ ) على الاحداثى المتعامد نتحرك من نقطة الاصل ( و ) وحدتان ناحية اليسار ثم نتحرك رأسياً لأعلى ثلاث وحدات

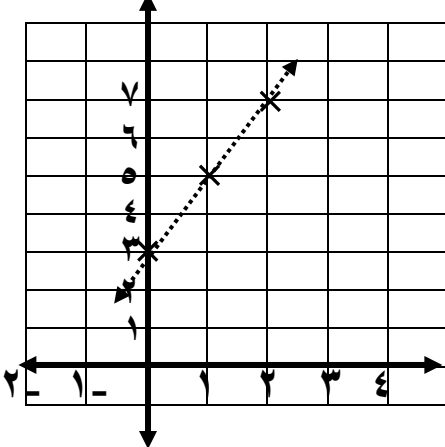
♥ لتعين النقطة ( ٢- ، ٣- ) على الاحداثى المتعامد نتحرك من نقطة الاصل ( و ) وحدتان ناحية اليسار ثم نتحرك رأسياً لأسفل ثلاث وحدات

@@

التمثيل البياني للعلاقة الخطية :-

لتمثيل العلاقة الخطية بيانياً نعين زوجين مرتبين يحققان العلاقة [ ويفضل ثلاث أزواج ] ونعينهما على الشبكة البيانية المتعامدة ونرسم خط مستقيم يمر بالنقط الثلاث وإذا لم يمر بأحدهما فيكون هناك خطأ في التعويض فيجب أن تكون النقط الثلاث تنتمي لمستقيم واحد

@@



مثل بيانياً منحنى الدالة د(س) = ٢س + ٣

الحل

مثال

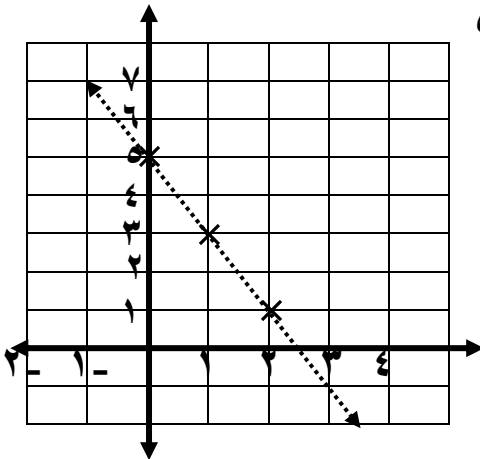
س	٠	١	٢
ص	٣	٥	٧

@@

مثل بيانياً منحنى الدالة د(س) = ٥ - ٢س

الحل

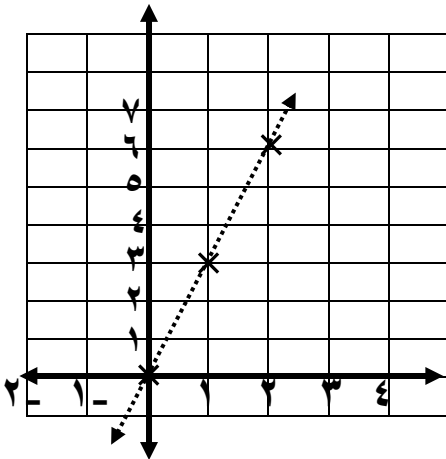
مثال



س	٠	١	٢
ص	٥	٣	١

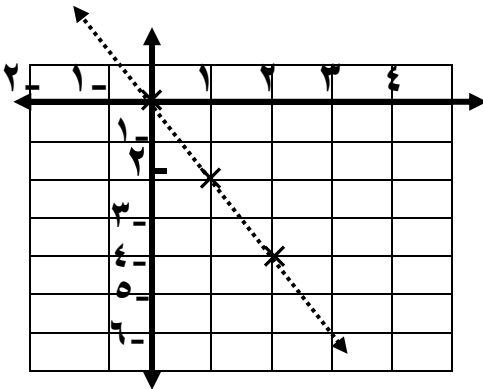
## مثال

س	۰	۱	۲
ص	۰	۳	۶



## مثال

س	۰	۱	۲
ص	۰	۲-	۴-

[illegible]

(١) الخط البياني للعلاقة  $ص = أ س + ب$  يمر بنقطة الاصل عندما  $ب = ٠$  صفر أي  $ص = ٠$  عندما  $ص = أ س$  مثلاً  $[ ص = ٢ س أو ص = ٣ س أو ص = ٤ س ]$

كلها علاقات تمر بنقطة الأصل

(٢) الخط البياني للعلاقة الخطية يأخذ الشكل ( ↗ ) عندما يكون معامل س موجباً أى عندما يكون  $a > 0$ .

(٢) الخط البياني للعلاقة الخطية يأخذ الشكل ( ↘ ) عندما يكون معامل س سالباً أى عندما يكون  $a > 0$ .

## مثال

(۱) ص = ۴ س + ۱

(٢) ص = ٢ س + ٣

(۳) ص = س + ه

(۴) ص = ۲۵ - ۲ س

(۵) ص = ۲ س

## مثال

## مثال

( )

(۶)

(۶)

$$(\xi)$$

(9)

(7)



## تمارين على العلاقة الخطية

(١) أوجد ثلاث أزواج تحقق العلاقات الآتية

(أ)  $ص = ٢س + ١$  (ب)  $ص = ٣س - ٢$

(ج)  $ص = ١٠ - ٣س$  (د)  $ص = ٣س + ٣$

(هـ)  $ص = -٥س$  (و)  $ص = ١س - ١$

(م)  $ص = \frac{١}{٣}س$  (ن)  $ص = \frac{٣}{٢}س$

@@

[ ٢ ] مثل بيانيا العلاقات الخطية الآتية

(أ)  $ص = ٣س + ١$  (ب)  $ص = ٥ - ٤س$

(ج)  $ص = ٤س$  (د)  $ص = -س$

(هـ)  $ص = س$  (و)  $ص = س + ١$

(م)  $ص = ٧ - س$  (ن)  $ص = \frac{٢}{٣}س$

@@

[ ٣ ] بين أيًا من الأزواج المرتبة التالية يحقق العلاقة  $ص = ٣س + ٥$

(أ) (١ ، ٧) (ب) (٢ ، ١١) (ج) (١- ، ٢) (د) (٢- ، ١)

@@

[ ٤ ] بين أيًا من الأزواج المرتبة التالية يحقق العلاقة  $ص = ٥ - ٢س$

(أ) (١ ، ٣) (ب) (٣ ، ١-) (ج) (٠ ، ٣) (د) (٢ ، ١)

@@

[ ٥ ] إذا كانت  $ص = ٢س + ٥$  أكمل الأزواج المرتبة التالية

(أ) (١ ، ..... ) (ب) (٢ ، ..... ) (ج) (٣ ، ..... )

(ج) (٢١ ، ..... ) (د) (..... ، ١٣) (هـ) (..... ، ١٧)



## مثال

## الحل

الترتيب :- ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ .....  
العدد :- ٣ ، ٦ ، ٩ ، ٨ ، ١٥

[illegible]

## مثال

## الحل

**الترتيب :- ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥**

النمط هو ص = س<sup>٢</sup> + ١

[illegible]

### مثال

## الحل

الترتيب :- ٠ ، ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥

النمط هو  $V = S_2$

## تمارين على الأنماط العددية

## [ ١ ] أكمل الانمط الآتية بكتابة ثلاث أعداد

....., ..... , ..... , ۲۰ , ۱۵ , ۱۰ , ۵ (۱)

..... ، ..... ، ..... ، ٦٤ ، ٢٧ ، ٨ ، ١ (ب)

..... ، ..... ، ..... ، ٢٤ ، ١٥ ، ٨ ، ٣ ، ، (ج)

..... ' ..... ' ..... ' 11 ' 8 ' 5 ' 2 (6)

..... ' ..... ' ..... '  $\frac{1}{16}$  '  $\frac{1}{9}$  '  $\frac{1}{4}$  ' 1 (هـ)

..... ، ..... ، ..... ، ١٦ ، ٨ ، ٤ ، ٢ ، ١ (س)

..... ، ..... ، ..... ، ٨ ، ٥ ، ٣ ، ٢ ، ١ ، ١ (ص)

..... ، ..... ، ..... ، ١.٨ ، ١.٦ ، ١.٤ ، ١.٢ (م)

$$\dots\dots\dots, \dots\dots\dots, \dots\dots\dots, \frac{1}{54}, \frac{1}{18}, \frac{1}{6}, \frac{1}{2} \quad (5)$$

..... ، ..... ، ..... ، ٦٤ ، ٢٧ ، ٨ ، ١ (ك)

$$\dots\dots\dots, \dots\dots\dots, \dots\dots\dots, 1, \frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{1}{4} \quad (J)$$

..... , ..... , ..... , ٤١ , ٤٤ , ٤٧ , ٥٠ (ط)

..... , ..... , ..... , ၃၆ , ၃၇ , ၃၈ , ၃၉ , ၄၀ , ၄၁ (၉)

..... ' ..... ' ..... ' ۳ '  $\frac{۷}{۳}$  '  $\frac{۵}{۳}$  ' ۱ (ع)

[illegible]

## [ ٢ ] أكتب العلاقة التي تربط بين الاعداد

$$\frac{0}{7}, \frac{4}{6}, \frac{3}{5}, \frac{2}{4}, \frac{1}{3} \quad (1)$$

۷۵ ، ۸۰ ، ۸۵ ، ۹۰ ، ۹۵ (ب)

(ج) ٦٢٥ ، ١٢٥ ، ٢٥ ، ٥ ، ١

۲۷ ، ۱۸ ، ۱۱ ، ۶ ، ۳ ( ۴ )

(هـ) ١ ، ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣

## الدرس

## المعادلات

**الرابع**

## مفهوم المعادلة

هي علاقة تساوى تحتوى على مجهول أو أكثر

## درجة المعادلة

هي أعلى درجة حد جبرى من حدود المعادلة

المعادلة  $٥ = ٣ + س$  من الدرجة الاولى فى مجهول واحد هو س

المعادلة  $s^2 - 5s + 6 = 0$  من الدرجة الثانية في مجهول واحد

**المعادلة س + ص = هـ      معادلة من الدرجة الاولى في مجهولين**

مجموعة التعويض

هي المجموعة التي ينتمى اليها القيم المحتملة للمجهول

مفهوم حل المعادلة

**ايجاد قيمة المجهول الموجود بالمعادلة**

## مجموعة حل المعادلة

هي مجموعة العناصر التي تحقق التساوى للمعادلة وتنتمى إلى مجموعة التعويض

[illegible]

أوجد مجموعة الحل للمعادلة  $٧ = ٣ + س$   
إذا كانت مجموعة التعويض  $\{ ٥ ، ٤ ، ١ \}$

**مثال**

## الحل

بالتعويض عن س = ١ الطرف الايمن = ١ + ٣ = ٤  $\neq$  الايسر  
 $\therefore$  ١ ليس حلا للمعادلة

بالتعويض عن س = ٤ الطرف الايمن = ٣ + ٤ = ٧ = الایسر  
 ∴ ١ حلا للمعادلة

بالتعويض عن س = ٥ الطرف الايمن = ٣ + ٥ = ٨ ≠ الايسر

**∴ ه ليس حلا للمعادلة**

$$\{ \epsilon \} = \tau . m \therefore$$

أوجد مجموعة الحل للمعادلة  $٧ = ٣ + س$   
إذا كانت مجموعة التعويض  $\{ ٥ , ٢ , ١ \}$   
الحل

بالتعويض عن س = ١ الطرف الايمن =  $٣ + ١ = ٤ \neq$  اليسر  
∴ ١ ليس حلا للمعادلة  
بالتعويض عن س = ٢ الطرف الايمن =  $٣ + ٢ = ٥ \neq$  اليسر  
∴ ٢ ليس حلا للمعادلة  
بالتعويض عن س = ٥ الطرف الايمن =  $٣ + ٥ = ٨ \neq$  اليسر  
∴ ٥ ليس حلا للمعادلة

∴ م . ح = ∅

@@

أى الأعداد الاتية يُعتبر حلا للمعادلة  $٣س + ٦ = س + ٢٠$   
٥ ، ٦ ، ٧

الحل

بالتعويض عن س = ٥  
الايمن =  $٣ \times ٥ + ٦ = ٢١$  اليسر =  $٥ + ٢٠ = ٢٥ \neq$  الايمن  
∴ ٥ لا تعتبر حلا للمعادلة  
بالتعويض عن س = ٦  
الايمن =  $٣ \times ٦ + ٦ = ٢٤$  اليسر =  $٦ + ٢٠ = ٢٦ \neq$  الايمن  
∴ ٦ لا تعتبر حلا للمعادلة  
بالتعويض عن س = ٧  
الايمن =  $٣ \times ٧ + ٦ = ٢٧$  اليسر =  $٧ + ٢٠ = ٢٧$   
∴ ٧ تعتبر حلا للمعادلة  
∴ م . ح =  $\{ ٧ \}$

**الخامس**

## حل المعادلات

## الدرس

### لحل معادلة من الدرجة الاولى :-

(١) نجمع عدد أو طرح عدد من طرفي المعادلة

(٢) ضرب عدد فى طرفى المعادلة أو قسمة طرفى المعادلة على عدد لا يساوى الصفر

### بصفة عامة :-

إذا كان أ ، ب ، ج أعداداً نسبياً وكان أ = ب فإن

$$\dot{\mathbf{a}} \times \dot{\mathbf{b}} = \dot{\mathbf{a}} \times \dot{\mathbf{b}} \quad (2) \qquad \dot{\mathbf{a}} + \dot{\mathbf{b}} = \dot{\mathbf{a}} + \dot{\mathbf{b}} \quad (1)$$

إذا كان أ + ج = ب + ج فإن أ = ب

إذا كان  $a \times b = c$  ،  $c \neq 0$  فإن  $a = \frac{c}{b}$

*a a*

### حل المعادلة $x = 3$ - ٤

## فإن وتحقق من الناتج

## الحل

**A س - ۳ = ۴**

**۳ + ۴ = ۷ B**

**۷ = اس B**

$$\{ \gamma \} = \tau \cdot \mu \mathbf{B}$$

الايمن = ٧ - ٣ = ٤ = الایسر

*a a*

### حل المعادلة $s + 4 = 1$

## ففى ص

## الحل

**A س + ٤ = ١**

**B س = ۱ - ۴**

**B س = ۳**

**g<sup>۳</sup>-A** **ص**

$$\{ \text{۳-} \} = \text{ح.م B}$$

### حل المعادلة $5 = 2 + س$

## فإن وتحقق من الناتج

## الحل

**A** س + ۲ = ۵

**B**    **س = ۵ - ۲**

**B س = ۲**

$$\{ \mathfrak{z} \} = \mathfrak{z} \cdot \mathfrak{m} \quad \mathbf{B}$$

## التحقق

الايمن = ٣ + ٢ = ٥ = الایسر

### حل المعادلة $٢ = ٥ + س$

ففى ط

## الحل


**A** س + ۵ = ۲


**B** ۵ - ۲ = **س**


**B س = ۳**


ط h ۳- A


$$\emptyset = \mathcal{H} \cdot \mathcal{M} \mathbf{B}$$


حل المعادلة  $٧ = ٥ - ٣س$  في ن   
الحل \_\_\_\_\_


حل المعادلة  $٥ = ١ - ٢س$  في ن   
الحل \_\_\_\_\_


أوجد في ن مجموعة الحل   
للمعادلة  $١١ = ٤ - ٥س$    
الحل  $٦$

أوجد في ن مجموعة الحل   
للمعادلة  $١١ = ٥ + ٣س$    
الحل \_\_\_\_\_

أوجد في ط مجموعة حل المعادلة   
 $١٤ = ٧ - ٣س$

أوجد مجموعة الحل المعادلة   
 $١١ = ٥ + ٢س$  حيث  $١١ = ٥ + ٢س$  ن

أوجد في ط مجموعة حل المعادلة   
 $٥ = (٣ - ٢س)$  حيث  $٥ = (٣ - ٢س)$  ن

أوجد مجموعة الحل المعادلة   
 $٤ = (٥ + ٣س)$  حيث  $٤ = (٥ + ٣س)$  ن



تمارين على حل المعادلات

[ ١ ] أوجد في ط مجموعة الحل لكلا من المعادلات الآتية

(أ)  $s - 2 = 5$

(ب)  $۳ = ۷ + \text{س}$

(ج) ۲ س - ۳ = ۵

$$(۶) \quad ۱ - ۱۱ = ۱۱ - ۱$$

(س) ۵ س - ۳ = ۷

(ص) ۵ س - ۱۰ = ۳ س

*a a*

[ ٢ ] أوجد في ص مجموعة الحل لكلا من المعادلات الآتية

$$(أ) \text{ س } + ٢ = ٥$$

(ب)  $۳ = ۵ + س$

(ج) ۲ س - ۳ = ۴

$$(۶) \quad ۱۱ + س = ۱ + ۳س$$

(س) ۵ س - ۳ = ۱۲

(ص) ۵ س + ۱۰ = ۳ س

*a a*

### [ ٣ ] أوجد في ن مجموعة الحل لكلا من المعادلات الآتية

(أ)  $s - 1 = 3$

(ب)  $\mathfrak{p} = \mathfrak{p}' + \mathfrak{p}''$

(ج) ۲ س + ۳ = ۵

(۴)  $s^3 - 1 = s - s^{11}$

(س) ۵ س - ۷ = ۳

(ص) ۵ س - ۱۰ = ۲ س

(ع)  $٣س - ٢ = ١٠$

(غ) ۷ س - ۵ = ۹

## الدرس

تدريبات على تطبيقات على حل المعادلات

## السادس

**مثال**

مستطیل طولہ یزید عن عرضه بمقدار ۳ ومحیطہ = ۲۶ سم أوجد مساحته

## الحل

**نفرض أن عرضه =**

[illegible]

**مثال**

ثلاث أعداد فردية متتالية مجموعهم = ٢١ أوجد هذه الأعداد

## الحل

## نفرض أن الأعداد هي

[illegible]

**مثال**

ثلاث أعداد زوجية متتالية مجموعهم ٣٠ أوجد هذه الأعداد

## الحل

## نفرض أن الأعداد

مثلث قياسات زواياه ٢ س ، ٣ س ، ٤ س أوجد قياسات زواياه

الحل

مجموع قياسات زوايا المثلث =



@@

عدنان طبيعيان أحدهما ضعف الآخر ومجموعهما ٢١ أوجد هذان العدنان

الحل

العدد الأول = س = ٧

العدد الثاني = ٢ س = ١٤ = ٧ × ٢

نفرض أن العدنان س ، ٢ س

مجموعهما = ٢١

س + ٢ س = ٢١

٣ س = ٢١

س = ٧

@@

مستطيل طوله ضعف عرضه فإذا نقص طوله بمقدار ٥ سم وزاد عرضه بمقدار

٦ سم فيصبح المستطيل مربعاً أوجد مساحة المستطيل

الحل

٢ س - ٥ = س + ٦

٢ س - س = ٥ + ٦

س = ١١

العرض = ١١ الطول = ٢٢

المساحة = ١١ × ٢٢ = ٢٤٢ سم<sup>٢</sup>

نفرض أن العرض = س ، الطول = ٢ س

الطول بعد النقص = ٢ س - ٥

العرض بعد الزيادة = س + ٦

المستطيل أصبح مربعاً

الطول بعد النقص = العرض بعد الزيادة



## تمارين على تطبيقات على حل المعادلات

(١) مستطيل طوله يزيد عن عرضه بمقدار ٤ سم ومحيطه = ٣٢ سم أوجد أبعاده  
ثم أوجد مساحته

(٢) مستطيل طوله يزيد عن ضعف عرضه بمقدار ٣ سم ومحيطه = ٣٦ سم أوجد  
أبعاده

(٣) مستطيل طوله ينقص عن ثلاث أمثال عرضه بمقدار ٢ سم ومحيطه = ٢٨ سم  
أوجد أبعاده ثم أوجد مساحته

(٤) ثلاث أعداد فردية متتالية مجموعها ٥٤ أوجد هذه الأعداد

(٥) ثلاث أعداد زوجية متتالية مجموعها ٦٠ أوجد هذه الأعداد

(٦) زاويتان متتامتان قياسهما ٢ س ، س + ٣٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما

(٧) زاويتان متكاملتان قياسهما س ، س + ٥٠ من الدرجات أوجد قياس كلا منهما

(٨) مثلث قياسات زواياه ٧ س ، ٥ س ، ٦ س من الدرجات أوجد قياس كلا منهما

(٩) زاويتان متقابلتان بالرأس قياس كلا منهما ٢ س - ٥٠ ، ٧٠ - س من الدرجات

أوجد قياس كلا منهما

(١٠) إذا كان ق(أ) = ٣ س ، ق(أ) المنعكسة = س + ٢٠٠ من الدرجات أوجد

قياس كلا منهما

(١١) عدنان طبيعياً أحدهما ثلاثة أمثال الآخر فإذا كان مجموعهما ١٦ فأوجد العددين

(١٢) عمر رجل الان يزيد عن عمر ابنه بمقدار ٣٢ سنة وبعد ١٠ سنوات يصبح عمر

الرجل ثلاثة أمثال عمر ابنه فما عُمر كلا منهما الان [ ٦ سنوات - ٣٨ سنة ]

(١٣) ثلاث أعداد طبيعية متتالية مجموعها ٣٠ أوجد هذه الأعداد [ ٩ ، ١٠ ، ١١ ]

(١٤) أوجد العدد الذي إذا طرح من ضعفه ٣ كان الناتج ١٥ [ ٩ ]

(١٥) إذا كان عمر باسم يزيد عن عمر أحمد بمقدار ٣ سنوات ومجموع عمريهما ٢٧

أوجد عمر كلا منهما

**السابع**

## حل المتباينات

## الدرس

## - تذکر ان

مجموعة الاعداد الطبيعية  $\mathbb{N} = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$

مجموعة الأعداد الصحيحة  $\{ \dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots \}$

مجموعة الاعداد الصحيحة الموجبة  $\{ 1, 2, 3, \dots \} = \mathbb{N}_+$

مجموعة الاعداد الصحيحة السالبة = ص- = { ١- ، ٢- ، ٣- ، ..... }

مجموعة الاعداد الصحيحة غير السالبة =  $\{ 0, 1, 2, 3, \dots \}$

مجموعة الاعداد الصحيحة الغير موجبة =  $\{ \dots, -2, -1, 0 \}$

الصفـر ليس موجباً ولا سالباً

## خواص التباين

إذا كان  $a < b$  فإن

$$\text{ج} + \text{ب} < \text{ج} + \text{ا} \quad (۱)$$

$$(٢) \quad \text{أ} - \text{ج} < \text{ب} - \text{ج}$$

(۳)  $a < b$  ج [إذا كان ج عدد موجب]

(٤)  $a_j > b_j$  [إذا كان ج عدد سالب]

*a a*

**أوجد في ط مجموعة الحل**

## مثال

## المتباينة $٢ > ٥ +$ س

## الحل

### بأضافة -٥ الى طرفى المتباينة

$$5 - 2 > 5 - 5 + 5$$

س > ۲

$$\phi = \tau \cdot \mu$$

**أوجد في ط مجموعة الحل للمتباينة**

## مثال

س - ۲ > ۳

## الحل

**بأضافة + ٢ الى طرفى المتباينة**

$$2 + 3 > 2 + 2 - 1$$

س > ۵

$$\{4, 3, 2, 1, 0\} = \mathcal{C}.$$

## مثال

**ومثل الحل على خط الأعداد**

## الحل

$$A \leq 2 + 3s \quad \mathbf{A}$$

**B** ۳ س ۸ ≤ ۲

**B** ۲ س ۶ ≤ ۶

بالقسمة على ٣ للطرفين

$$\frac{1}{2} \geq \frac{1}{3}$$

سے لے کر ۲۷

$$\{ \dots\dots\dots , 4 , 3 , 2 \} = \mathcal{C} . \mathcal{M}$$



*a a*

## مثال

$$1 < 3 + 5$$

**ومثل الحل على خط الأعداد**

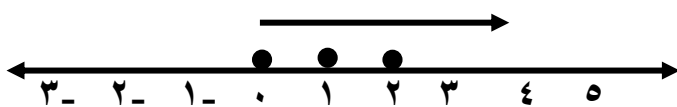
## الحل

**A** س + ۴ < ۱

**B** س > ۱ - ۴

## س > ۲

$$\{ \dots\dots\dots, 2, 1, 0 \} = \mathbb{Z}.$$



## مثال

۲ س - ۳ < ۷

ومثل الحل على خط الاعداد

## الحل

**A ۲ س - ۴ < ۷**

**B ۲ س**  $۳ + ۷ <$

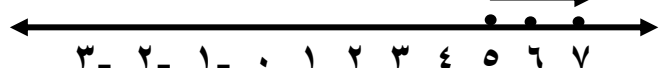
**B** ۲۰ س ۱۰

## بالقسمة على ٢ للطرفين

$$\frac{10}{2} > \frac{25}{2}$$

س > ۵

$$\{ \dots\dots\dots, 7, 6, 5 \} = \text{ح.م}$$



*a a*

**مثال**

### المتباينة $s + 5 < 3$

**ومثل الحل على خط الأعداد**

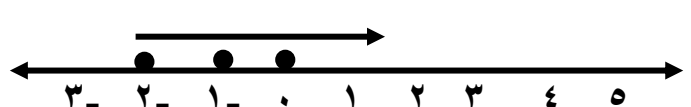
## الحل

**A** س + ۵ < ۴

**B س > ۳ - ۵**

س > ۲

$$\{ \dots\dots\dots , 1 , 0 , 1- , 2- \} = \mathcal{H} . \mathcal{M}$$







أوجد في ن مجموعة الحل للمتباينة

تدريب

$$٣ - ٢ \leq ٧$$

الحل

أوجد مجموعة الحل للمتباينة

تدريب

$$٢ - ١٧ > ٣ \text{ في ص}$$

الحل

أوجد في ن مجموعة الحل

تدريب

$$٣ - ١ > ٢ + ٣$$

الحل

أوجد في ن مجموعة الحل للمتباينة

تدريب

للمتباينة

$$٣ - ٢ \geq ١ + ٥$$

الحل

أوجد في ن مجموعة الحل للمتباينة

تدريب

$$٣ - ٢ < ٤ + ٤$$

أوجد في ن مجموعة الحل للمتباينة

تدريب

$$٣ (٢ + ٢) > -٤ - ٣$$

## تمارين على حل المتباينات

أوجد في طمجموعة الحل لكلا من المتباينات الآتية

- |                        |                    |
|------------------------|--------------------|
| (١) س - ٣ < ٢          | (٥) ٧ - ٢ س < ٣    |
| (٢) ٧ > ٥ - ٢ س        | (٦) ٧ > ٣ - ١٣ س   |
| (٣) ٧ < ١ + ٣ س        | (٧) ١٢ < ٣ س       |
| (٤) ١٠ + ٥ س - ٢ < ٢ س | (٨) ١٢ + ٥ س > ٥ س |

أوجد في صص مجموعة الحل لكلا من المتباينات الآتية

- |                  |                      |
|------------------|----------------------|
| (١) ١٧ < ٢ + ٣ س | (٥) ٣ < ٢ - ١٣ س     |
| (٢) ٥ > ٣ - ٢ س  | (٦) ١٧ > ٣ - ٥ س     |
| (٣) ١١ > ١ + ٥ س | (٧) ٨ + س < ١ - ٤ س  |
| (٤) ٥ > ١١ + ٣ س | (٨) ٣ - ١٧ > ٣ - ٢ س |

أوجد في نن مجموعة الحل لكلا من المتباينات الآتية

- |                   |                               |
|-------------------|-------------------------------|
| (١) ٥ < ٢ - ٣ س   | (٥) ٥ + ١٤ < ٢ + ٦ س          |
| (٢) ٨ > ٣ + ٢ س   | (٦) ١٤ + ص > ١٩               |
| (٣) ١١ < ٢ - ٥ س  | (٧) ٣ - ج ٥ ≥ ١ + ج ٦         |
| (٤) ٥ > (٣ - س) ٢ | (٨) ١ - (٤ - ج ١) < ٢ (ج - ٣) |

الإحصاء

و

الاحتمال

## العينة المنتظمة :-

العينة هى جزء صغير من مجتمع كبير تشبه المجتمع وتمثله وتختار بطريقة عشوائية وتستخدم العينات لتسهيل جمع البيانات عن المجتمع

## كيفية اختيار عينة منتظمة :-

لكى يتم اختيار عينة منتظمة من مجتمع لابد أن يكون موزعا توزيعا عشوائيا وتكون ممثلة للمجتمع تمثيلا تاما .

## العينة العشوائية :-

عند اختيار عينة عشوائية لابد أن يحصل كل فرد على فرصة فى الاختيار ويمكن اختيار أعضاء العينة العشوائية على أساس :

- ١- إعطاء كل فرد فى المجتمع رقم .
- ٢- استخدام خاصية الرقم العشوائى الموجود بالالة الحاسبة

## الدرس

## الاحتمال

## الثانى

الاحتمال التجريبي :-

$$\text{الاحتمال التجريبي} = \frac{\text{عدد النواتج التي حصلت عليها}}{\text{عدد النواتج الممكنة}}$$

الاحتمال النظرى :-

فضاء العينة :- هو مجموعة كل النواتج الممكنة للتجربة العشوائية

أحتمال وقوع أى حدث جزئى من ف " أ " ف " "

$$ل (أ) = \frac{\text{عدد عناصر الحدث أ}}{\text{عدد عناصر فضاء العينة}}$$

حيث ل ( أ ) هو أحتمال وقوع الحدث أ

مثال  
فى تجربة القاء حجر نرد أكتب فضاء العينة ثم أوجد أحتمال ظهور صورة  
الحل

ف = { ص ، ك }

$$ل (أ) = \frac{\text{عدد عناصر الحدث أ}}{\text{عدد عناصر فضاء العينة}} = \frac{1}{2} \quad \{ص\} = أ$$

مثال  
سلة بها ٢٠ زهرة منها ٧ زهور بيضاء ، ٨ زهور صفراء ، ٥ زهور حمراء  
فإذا سحبت زهرة واحدة عشوائيا أوجد أحتمال أن تكون الزهرة المسحوبة  
(١) بيضاء (٢) حمراء (٣) بيضاء أو صفراء

الحل

$$\text{أحتمال أن تكون الزهرة بيضاء} = \frac{\text{عدد الزهور البيضاء}}{\text{العدد الكلى}} = \frac{7}{20}$$

$$\text{أحتمال أن تكون الزهرة حمراء} = \frac{\text{عدد الزهور الحمراء}}{\text{العدد الكلى}} = \frac{8}{20} = \frac{2}{5}$$

$$\text{أحتمال أن تكون الزهرة بيضاء أو صفراء} = \frac{\text{عدد الزهور البيضاء والصفراء}}{\text{العدد الكلى}} = \frac{15}{20} = \frac{3}{4}$$

مثال  
في تجربة القاء حجر نرد مرة واحدة أكتب فضاء العينة ثم عين احتمال كلا من الاحداث  
الاتية

- (١) أ = حدث ظهور عدد فردي  
(٢) ب = حدث ظهور عدد زوجي  
(٣) ج = حدث ظهور عدد يقبل القسمة على ٣  
(٤) ع = حدث ظهور عدد أقل من أو يساوي ٣  
(٥) هـ = حدث ظهور عدد يساوي ٧  
(٦) و = حدث ظهور عدد مربع كامل  
(٧) س = حدث ظهور عدد أكبر من ٣  
(٨) ص = حدث ظهور عدد زوجي أولى

الحل

$$ف = \{ ١, ٢, ٣, ٤, ٥, ٦ \}$$

(١) أ = حدث ظهور عدد فردي $\frac{1}{6} = \frac{3}{6} = ل(أ) \quad \{ ١, ٣, ٥ \} = أ$ (٣) ج = عدد يقبل القسمة على ٣ $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = ل(ج) \quad \{ ٣, ٦ \} = ج$ (٥) هـ = حدث ظهور عدد يساوي ٧ $\phi = هـ$ (٧) س = حدث ظهور عدد اكبر من ٣ $\frac{1}{6} = \frac{3}{6} = ل(س) \quad \{ ٤, ٥, ٦ \} = س$	(٢) ب = حدث ظهور عدد زوجي $\frac{1}{6} = \frac{3}{6} = ل(ب) \quad \{ ٢, ٤, ٦ \} = ب$ (٤) ع = حدث ظهور عدد أقل من أو يساوي ٣ $\frac{1}{6} = \frac{3}{6} = ل(ع) \quad \{ ١, ٢, ٣ \} = ع$ (٦) و = حدث ظهور عدد مربع كامل $\frac{1}{6} = \frac{2}{6} = ل(و) \quad \{ ١, ٤ \} = و$ (٨) ص = حدث ظهور عدد زوجي أولى $\frac{1}{6} = ل(ص) \quad \{ ٢ \} = ص$
---	--

\*\*\*\*\*

مثال  
سلة بها ١٠ بطاقات مرقمة من ١ الى ١٠ سحبت منها بطاقة واحدة عشوائيا أكتب فضاء  
العينة ثم عين كلا من أحتمال الاحداث الاتية

- (١) حدث ظهور عدد زوجي أقل من ٧  
(٢) ب = حدث ظهور عدد أولى  
(٣) حدث ظهور عدد فردي  
(٤) ع = حدث ظهور عدد فردي أولى

الحل

(١) أ = حدث ظهور عدد زوجي أقل من ٧ $\frac{3}{10} = ل(أ) \quad \{ ٢, ٤, ٦ \} = أ$ (٣) حدث ظهور عدد فردي $\frac{5}{10} = ل(ج) \quad \{ ١, ٣, ٥, ٧, ٩ \} = ج$	(٢) ب = حدث ظهور عدد أولى $\frac{1}{10} = \frac{3}{10} = ل(ب) \quad \{ ١, ٣, ٥ \} = ب$ (٤) ع = حدث ظهور عدد فردي أولى $\frac{1}{10} = \frac{2}{10} = ل(ع) \quad \{ ١, ٣ \} = ع$
---	--

## مثال

$\alpha_1$	$\alpha_2$	$\alpha_3$	$\alpha_4$
$\beta_1$	$\beta_2$	$\beta_3$	$\beta_4$
$\gamma_1$	$\gamma_2$	$\gamma_3$	$\gamma_4$
$\delta_1$	$\delta_2$	$\delta_3$	$\delta_4$

(٢) ب = حدث أن يكون كلا الرقمين زوجياً

## الحل

$$\{13, 42, 32, 12, 41, 31, 21\} = \text{ف}$$
$$\{ 34, 24, 14, 43, 23,$$

**أ = حدث أن يكون رقم العشرات زوجياً**

$$\frac{1}{\gamma} = \frac{\gamma}{\gamma^2} = \binom{1}{\gamma} \cup \{32, 22, 12, 21, 31, 11\} = 1$$

**ب = حدث أن يكون كلا الرقمين زوجياً**

$$\frac{1}{4} = \frac{2}{8} = (\text{ب}) \text{ ل} \quad \{ 24, 42 \} = \text{ب}$$

[illegible]

## مثال

## عشوائيا أوجد أن يكون احتمال الطالب المختار

**ب = راسبا في التاريخ**

أ = ناجحاً في التاريخ

## ٤ = راسباً في اللغة الانجليزية

**ج = ناجحاً في اللغة الانجليزية**

## الحل

$$0.35 = \frac{35}{100} = \frac{\text{عدد التلاميذ الناجحين في التاريخ}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}} = \text{ل (أ)}$$

$$0.65 = \frac{65}{100} = \frac{35 - 100}{100} = \frac{\text{عدد التلاميذ الراضين في التاريخ}}{\text{العدد الكلي للتلاميذ}} = \text{ل ( ب )}$$

$$٠.٥٩ = \frac{٥٩}{١٠٠} = \frac{\text{عدد التلاميذ الناجحين فى اللغة الانجليزية}}{\text{العدد الكلى للتلاميذ}} = \text{ل (ج)}$$

عدد التلاميذ الراشدين في اللغة الانجليزية ١٠٠ - ٥٩ ٤١

للمزيد زر صفحتنا التعليمية ( المدرس بوك ) او موقعنا الالكتروني [www.modrsbook.com](http://www.modrsbook.com)





## الحل

$$٦ = \frac{٣٠}{٥} = \text{عدد الكرات الحمراء}$$

$$\frac{١}{٥} = \text{أحتمال سحب كرة حمراء}$$

$$\frac{١}{٥} = \frac{\text{عدد الكرات الحمراء}}{\text{العدد الكلي}}$$

$$\frac{١}{٥} = \frac{\text{عدد الكرات الحمراء}}{٣٠}$$

## تمارين على الاحتمال

( ١ ) سُحِبَت بطاقة عشوائياً من ٢٥ بطاقة مرقمة من ١ إلى ٢٥ أحسب أحتمال أن تحمل البطاقة عدداً

ب - أكبر من أو يساوى ٢٠

أ - يقبل القسمة على ٥

٤ - فردياً يقبل القسمة على ٣

ج - مربعاً كاملاً

و - أولياً

هـ - زوجياً يقبل القسمة على ٥

@@

( ٢ ) سُحِبَت بطاقة عشوائياً من ثمانى بطاقات مرقمة من ١ إلى ٨ أكتب فضاء العينة ثم

أوجد أحتمال كلا من الاحداث الآتية

أ = حدث الحصول على عدد زوجى

ب = حدث الحصول على عدد فردى

ج - حدث الحصول على عدد أكبر من أو يساوى ٦

٤ - حدث الحصول على عدد يقبل القسمة على ٣

@@

( ٣ ) سُحِبَت بطاقة عشوائياً من بطاقات مرقمة من ١ الى ١٠ ما أحتمال أن تكون البطاقة

تحمل عدداً :-

( ٤ ) فردياً أكبر من ٣

( ٣ ) زوجياً

( ٢ ) أولياً

( ١ ) فردياً

@@

(٤) فصل دراسي يتكون من ٥٠ طالب منهم ٣٠ ولد والباقي بنات فإذا اختير طالب واحد

عشوائيا أوجد احتمال أن يكون الطالب المختار

(أ) بنت (ب) ولد

(٥) من مجموعة الارقام { ٢ ، ٣ ، ٥ } كون عدد من رقمين ما احتمال كلا من الاحداث

الاتية :-

(١) حدث أن يكون رقم العشرات فردياً (٢) حدث أن يكون العدد فردياً

(٣) حدث أن يكون مجموع الرقمين ٧ (٤) حدث أن يكون حاصل ضرب الرقمين = ١٥

@@

(٦) حقيبة تحتوى على ٢٠ بطاقة بعضها حمراء والبعض زرقاء فإذا كان احتمال سحب

بطاقة حمراء يساوى  $\frac{3}{5}$  أوجد عدد البطاقات الحمراء

@@

(٧) فصل دراسي به ٤٠ تلميذ نجح منهم ٣٠ تلميذ في الرياضيات ، ٢٤ تلميذ في العلوم

فإذا أختير طالب عشوائيا أوجد احتمال أن يكون الطالب المختار

(أ) ناجحاً في الرياضيات (ب) ناجحاً في التاريخ

(ج) راسباً في الرياضيات (د) راسباً في التاريخ

@@

(٨) إناء به ٣٢ كرة ملونة من نفس المقاس بعضها أزرق وبعضها أخضر وبعضها أحمر

والباقي لونه أصفر فإذا كان احتمال سحب كرة زرقاء يساوى  $\frac{3}{8}$  كم عدد الكرات الزرقاء

في الإناء

@@

(٩) في تجربة لالقاء حجر نرد منتظم مرة واحدة وملاحظة عدد النقاط الذى يظهر على

الوجه العلوى . أكتب فضاء العينة . ثم أوجد احتمال كلا من الاحداث الاتية

(١) حدث الحصول على عدد أكبر من ٦

(٢) حدث الحصول على عدد يحقق المتباينة :  $١ \leq س \leq ٦$

(٣) حدث الحصول على عدد يحقق المتباينة :  $٢ > س > ٤$

المهندسة

و

القياس

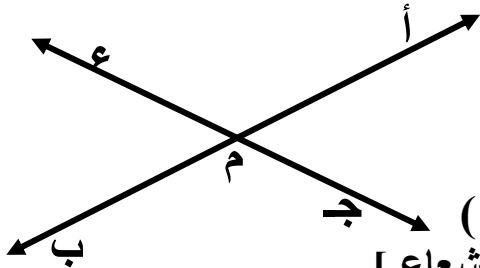
## البرهان الاستدلالي

**البرهان الاستدلالي :-**

هو استخدام الخواص الهندسية في الاستدلال على الحلول والبراهين للنظريات والتمارين نظرياً دون اللجوء الى الادوات الهندسية في القياس

[illegible]

**إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين متساويتين في القياس**



**أ ب ، ج ء مستقيمان متقاطعان في م  
إثبات أن**

## المعطيات المطلوب

ق (أ م ء) = ق (ب م ج)

**ج** (۱)  $۱۸۰ = (أ م ج) ق + (أ م ع) ق$

**البرهان**

**[ متجاورتان حادثان من تقاطع مستقیم وشعاع ]**

$$(٢) \quad ١٨٠ = (ب م ج) ق + (أ م ج) ق$$

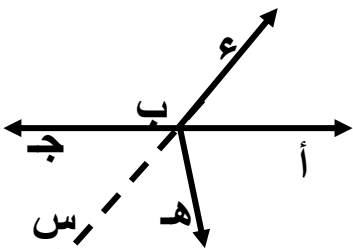
من ١ ، ٢ ينتج أن

ق(أ م ج) + ق(أ م ع) = ق(أ م ج) + ق(ب م ج)

**∴ ق (أ م ع) = ق (ب م ج)**

[illegible]

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة = ٣٦٠ °



**المعطيات** || ب أ ، ب ع ، ب ج ، ب هـ أربعة أشعة بدايتها ب

## المطلوب أثبات أن

$$ق(أ ب ع) + ق(ع ب ج) + ق(أ ب هـ) + ق(هـ ب ج) = ٣٦٠$$

**نرسم ب س حیث س ۛ ۛ ب**

## العمل

(۱)      ق (أ ب) + ق (ع ب ج) = ق ١٨٠

**البرهان**

(۲) ق(أ ب هـ) + ق(هـ ب س) + ق(س ب ج) = ۱۸۰ °

$$٣٦٠ = [(ق(س ب ج) + (ق(هـ ب س) + (ق(أ ب هـ) + (ق(ع ب ج) + (ق(أ ب هـ)]$$

ق(أ ب ء) + ق(ء ب ج) + ق(أ ب هـ) + ق(هـ ب ج) = ٣٦٠



أثبت أن  $q = (e, s, h) = 85$  °

ثم أوجد ق ( ع س ج ) ، ق ( ه س و )

## الحل

ق (س و ج) = ق (ص و ع) [التقابل بالرأس]

∴ ق (س و ج) = ۵۳ ۰

ق (س ج و) = ق (أ ج ب) [ للتقابل بالرأس ]

∴ ق (س ج و) = ۴۲ ◌

مجموع زوايا المثلث = ١٨٠ °

$$\overset{\circ}{85} = \overset{\circ}{95} - \overset{\circ}{10} = [ \overset{\circ}{42} + \overset{\circ}{53} ] - \overset{\circ}{10} = ( \text{وس ج} )$$

ق ( ء س هـ ) = ق ( و س جـ ) [ للتقابل بالرأس ]

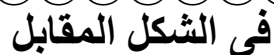
∴ ق ( ع س هـ ) = ۸۵ = ۸۵

ق (ع س هـ) + ق (ع س ج) = ۱۸۰°

ق (ع س ج) = ۱۸۰ - ۸۵ = ۹۵

ق ( هـ س و ) = ق ( ع س ج ) [ للتقابل بالرأس ]

∴ ق (ھ س و) = ۹۵ ∘



أ ب ج مثلث فيه ق(ب) = ق(ج) (ج)

**أء ينصف ب أ ج أثبت أن أ ب = أ ج**

## الحل

أ ب ، أ ج

ق ( ب ) = ق ( ج )

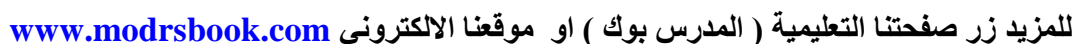
ق (ب أ ء) = ق (ج أ ء)

## أء ضلع مشترك

$$\Delta \text{ أ ب ع } \equiv \Delta \text{ أ ج ع }$$

ومن التطابق ينتج ان

أب = أ ج



## في الشكل المقابل

## مثال

## هـ ج = ع ب ، ع س ص هـ مستطیل

**أثبت ان  $q = (a, b) = (a, c)$**

## الحل

## ٤ س ص هـ مستطیل

## الشكل المستطيل فيه هـ // س

∴ ق ( ء س ص ) = ق ( هـ ص ج ) = ٩٠ ∘

ص

**∴ ق ( ع س ب ) = ق ( ه ص ج )**

$$\overset{\circ}{\circ} \text{ q.} = \overset{\circ}{\circ} \text{ q.} - \overset{\circ}{\circ} \text{ \text{q.}} =$$

## تناظر

ع ب س ، هـ ج ص

من ١ ، ٢ ينتج أن

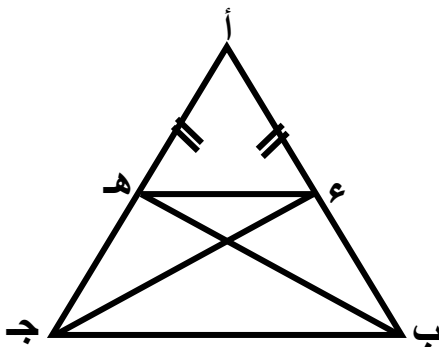
$$ق(أ هـ) = ق(أ هـ ع)$$

ق ( ع س ب ) = ق ( ه ص ج ) = ٩٠  
 ع س = ه ص [ مستطيل ]  
 ع ب = ه ج

فيهما

**△ءب س ≡ △هـ ج ص**

(١)  $\therefore \text{ق (ب)} = \text{ق (ج)}$



## في الشكل المقابل

## مثال

أء = أه، ق (أء ج) = ق (أه ب)

**أثبت أن (١)  $b = c$**

(۲) ب ۶ = ج هـ

## الحل

**وينتج أيضا  $أ = ب$  (٢)**

أعج، أهب

## أزاوية مشتركة

$$(۳) \quad \text{ه}^{\text{ع}} = \text{ع}^{\text{ع}}$$

فيهما } ق (أ ع ج) = ق (أ ه ب) [معطى]

أ = ع = هـ

ب طرح ۳ من ۲

$$أب - أء = أج - أه$$

$$\triangle ب ه أ \equiv \triangle ج ء أ$$

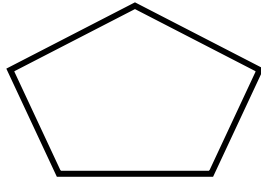
$$ء ب = ه ج$$

∴ ب ه = ج ء وهو المطلوب أولا

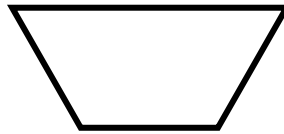


المضلع :- هو شكل هندسي مستوي يتكون من اتحاد عدة قطع مستقيمة مغلقة ويسمى بعدد القطع المستقيمة المكونة له

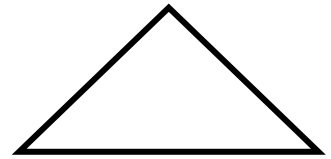
- إذا كان المضلع يتكون من ٣ قطع يسمى مضلع ثلاثي
- إذا كان المضلع يتكون من ٤ قطع يسمى مضلع رباعي
- إذا كان المضلع يتكون من ٥ قطع يسمى مضلع خماسي وهكذا



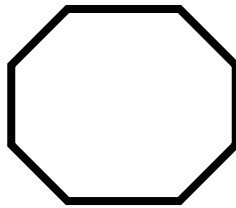
مضلع خماسي



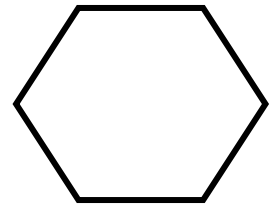
مضلع رباعي



مضلع ثلاثي



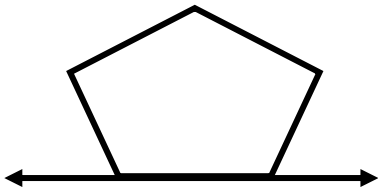
مضلع ثماني



مضلع سداسي



المضلع المحدب :-



هو مضلع أي مستقيم يمر برأسين متتاليين تكون

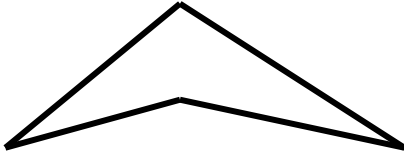
بقية رؤوس المضلع واقعة في أحد جانبي

هذا المستقيم

المضلع المقعر :-



## المستقيمات



مجموع قياسات الزوايا الداخلة لمضلع عدد أضلاعه  $n = (2 - n) \times 180^\circ$   
فمثلا

- مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث  $\overset{\circ}{\text{ }} = 180 \times 1 = 180 \times (2 - 3) = 180 \times 1 = 180 \overset{\circ}{\text{ }}$

- مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي =  $(4 - 2) \times 180$

$$\overset{\circ}{\circ} \text{ ۳۶.} = \overset{\circ}{\circ} \text{ ۱۸.} \times ۲ =$$

- مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل الخماسي =  $(5 - 2) \times 180$

$$\overset{\circ}{\circ} \circ \varepsilon \cdot = \overset{\circ}{\circ} \circ \wedge \cdot \times \text{ } \text{ } =$$


- مجموع قياسات الزوايا الداخلة للشكل السداسي =  $(6 - 2) \times 180$

$$\overset{\circ}{\circ} \vee \vee, = \overset{\circ}{\circ} \wedge, \times \xi =$$

[illegible]

ملاحظة :- مجموع قياسى الزاويتين الداخلة والخارجة يساوى ١٨٠ °

ق (١) + ق (٢) = ١٨٠ °



$$\overset{\circ}{\text{ا}} ١٨٠ = (٢) \text{ ق} + (١) \text{ ق}$$

[illegible]

### المضلع المنتظم :-

هو مضع أضلاعه متساوية في الطول وزواياه متساوية في القياس

*a a*

قياس كل زاوية من زوايا مضلع محدب منتظم عدد أضلاعه  $n = \frac{(n-2) \times 180^\circ}{n}$

قياس كل زاوية من الزوايا الثلاثي المنتظم ( المثلث المتساوي الأضلاع ) =

$$\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet} = \frac{\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet}}{\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet}} = \frac{\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet} \times 1}{\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet}} = \frac{\overset{\circ}{\circlearrowleft} \tau_{\bullet} \times (2 - 3)}{3} =$$

قياس كل زاوية من زوايا الرباعي المنتظم ( المربع ) =  $\frac{180 \times (2 - 4)}{4}$

$$\overset{\circ}{\circ} 9. = \frac{36.}{\overset{\circ}{\circ}} = \frac{18. \times 2}{\overset{\circ}{\circ}} =$$

$$\frac{180 \times 3}{\circ} = 180 \times (2 - 0)$$

---

قياس كل زاوية من زوايا السداسى المنتظم  $\frac{180 \times 4}{6} = \frac{180 \times (2 - 6)}{6}$

$$\overset{\circ}{\circ} \, 12 \, = \frac{72}{\overset{\circ}{\circ}} =$$

**مثال**

مجموع القياسات الزوايا الداخلة لمضلع عدد أضلاعه  $n = 180^\circ \times (n - 2)$   
 $180^\circ \times (12 - 2) = 180^\circ \times 10 = 1800^\circ$

**مثال**

قياس كل زاوية من زوايا المضلع المنتظم =  $\frac{180 \times (2 - \text{ن})}{\text{ن}}$   $\frac{180 \times (2 - 12)}{12}$

$\frac{180 \times 10}{12} = \frac{1800}{12} = 150^\circ$

**مثال**

قياس كل زاوية من زوايا المضلع المنتظم =  $\frac{180^\circ \times (2 - n)}{n}$

ن =  $\frac{360^\circ}{6^\circ}$  أضلاع

$$\begin{aligned} & \textcircled{\circ} 180 \times (2 - \textcircled{\circ} N) = \textcircled{\circ} 120 \\ & \textcircled{\circ} 360 - \textcircled{\circ} 180 = \textcircled{\circ} 120 \\ & \textcircled{\circ} 120 - \textcircled{\circ} 180 = \textcircled{\circ} 360 \\ & \textcircled{\circ} 60 = \textcircled{\circ} 360 \end{aligned}$$

**مثال**

## أوجد قياس جميع زواياه

## الحل

ق- (أ)  $\frac{1}{36} \times 36 = 1$

للمزيد زر صفحتنا التعليمية ( المدرس بوك ) او موقعنا الالكتروني [www.modrsbook.com](http://www.modrsbook.com)

$$- \text{ق(ب)} = \text{ق(ج)} \times 360^\circ = 60^\circ$$

$$- \text{ق(ج)} = \text{ق(ب)} \times \frac{4}{12} = 120^\circ$$

$$- \text{ق(د)} = \text{ق(ب)} \times \frac{5}{12} = 150^\circ$$

### قوانين هامة جداً:

١] عدد المثلثات التي ينقسم إليها أي مضلع = (ن - ٢) مثلث : (ن) عدد أضلاع المضلع

٢] عدد أقطار أي مضلع =  $\frac{ن(ن-٣)}{٢}$  قطر : (ن) عدد أضلاع المضلع

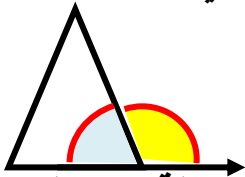
٣] مجموع قياسات الزوايا الداخلة لأي مضلع = (ن - ٢)  $\times ١٨٠^\circ$  : (ن) عدد أضلاع المضلع

٤] قياس زاوية المضلع المنتظم =  $\frac{٣٦٠^\circ \times (ن - ٢)}{ن}$  حيث (ن) عدد أضلاع المضلع المنتظم

٥] محيط أي مضلع منتظم = ن  $\times$  طول الأضلاع

٦] عدد أضلاع المضلع المنتظم =  $\frac{٣٦٠^\circ}{\text{قياس زاوية الرأس}} - ٢$  حيث هـ - قياس زاوية الرأس المنتظم

٧] عدد محاور تماثل أي مضلع منتظم = عدد أضلاعه ٨] مجموع قياسي الزاويتين



الداخلة و الخارجة عند أي رأس من رؤوس المضلع =  $١٨٠^\circ$

٩] قياس الزاوية الخارجة عند رأس المضلع =  $١٨٠^\circ$  - قياس الزاوية الداخلة عند نفس

الرأس

١٠] قياس الزاوية الداخلة عند رأس المضلع =  $١٨٠^\circ$  - قياس الزاوية الخارجة عند

نفس رأس المضلع

١١] عدد أضلاع المضلع المنتظم =  $\frac{٣٦٠^\circ}{\text{قياس زاوية الرأس}} - ٢$  حيث س - قياس الزاوية الخارجة للمضلع المنتظم

١٢] قياس الزاوية الخارجة للمضلع المنتظم =  $\frac{360^\circ}{n}$  حيث ( n ) عدد أضلاع المضلع المنتظم

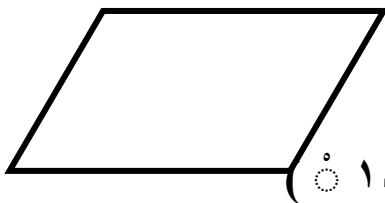
١٣] مجموع قياسات الزوايا الخارجة لمضلع محدب في اتجاه مع عقارب الساعة = ٣٦٠°

١٤] مجموع قياسات الزوايا الخارجة لمضلع محدب في اتجاه ضد عقارب الساعة = ٣٦٠°

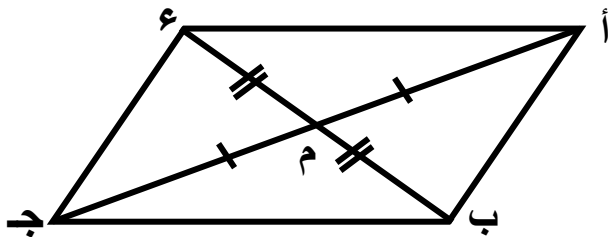
١٥] مجموع قياسات الزوايا الخارجة لأي مضلع محدب = ٧٢٠ •

## متوازی الاضلاع :-

هو شكل رباعي فيه كل ضلعين متقابلين متوازيين ومتساويان في الطول  
خواص متوازي الاضلاع



- (١) كل ضلعين متقابلين متوازيين ومتساويين في الطول
- (٢) كل زاويتين متقابلتين متساويتان في القياس
- (٣) كل زاويتين متتاليتين متكاملتان ( مجموع قياسهم = ١٨٠ )
- (٤) القطران ينصف كلا منهما الآخر

[illegible]

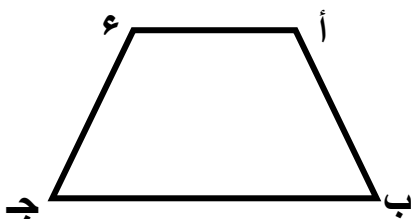
## في الشكل المقابل

- (١) أ ب // ع ج ، أ ب = ع ج  
(٢) أ ع // ب ج ، أ ع = ب ج  
(٣) ق (أ) = ق (ج) ، ق (ب) = ق (ع)  
(٤) ق (أ) + ق (ب) = ١٨٠ °  
ق (ب) + ق (ج) = ١٨٠ ، ق (ج) + ق (ع)  
ق (ع) + ق (أ) = ١٨٠ °  
(٥) القطران ينصف كلا منهما الآخر

[illegible]

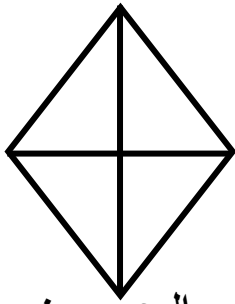
### ملاحظة :-

**الشكل الرباعي الذي فيه ضلعان متوازيان فقط يسمى شبه منحرف**

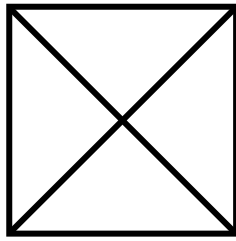


أء يوازي ب ج ، أ بلا يوازي ء ج

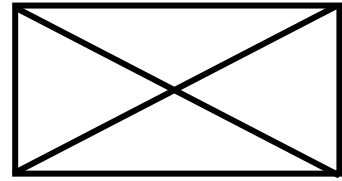
**فيكون الشكل أ ب ج ء شبه منحرف**



المعين

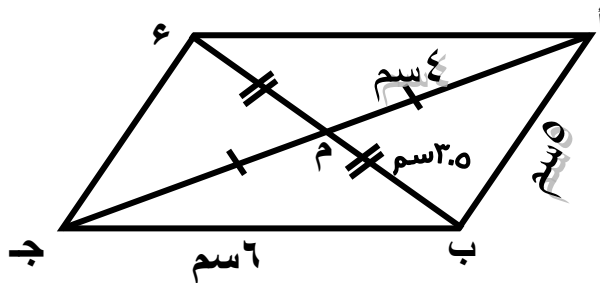


المربع



المستطيل

المعين	المربع	المستطيل
كل ضلعين متقابلين متوازيان	كل ضلعين متقابلين متوازيان	كل ضلعين متقابلين متوازيان
كل ضلعين متقابلين متساويان	كل ضلعين متقابلين متساويان	كل ضلعين متقابلين متساويان
كل زاويتان متقابلتان متساويتان	كل زاويتان متقابلتان متساويتان	كل زاويتان متقابلتان متساويتان
كل زاويتان متتاليتان متكاملتان	كل زاويتان متتاليتان متكاملتان	كل زاويتان متتاليتان متكاملتان
القطران ينصف كلا منهما الآخر	القطران ينصف كلا منهما الآخر	القطران ينصف كلا منهما الآخر
	جميع زواياه قوائم	جميع زواياه قائمة
الاضلاع الاربعة متساوية	القطران متعامدان ومتساويان	القطران متساويان وغير متعامدان
القطران متعامدان وغير متساويان	الاضلاع الاربعة متساوية	
القطران ينصفان الزاويتان المتقابلتان	القطران ينصفان الزاويتان المتقابلتان	



في الشكل المقابل

تدري

إذا كان أ ب ج د متوازي أضلاع

فيه أ ب = ٥ سم ، ب ج = ٣.٥ سم

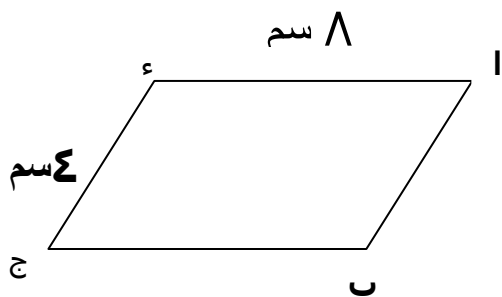
أ م = ٤ سم ، ق ( أ ) = ٦٠° أكمل

(١) طول أ ب = ..... ، طول ب ج = ..... ، طول ج د = ..... ، طول د أ = ..... ،

طول ب ج = ..... ، طول ج د = ..... ، طول د أ = ..... ، طول أ ب = ..... ،

(٢) ق ( ب ) = ..... ، ق ( ج ) = ..... ، ق ( أ ) = ..... ، ق ( د ) = .....

(٣) محيط متوازي الاضلاع = ..... سم



تدري: في الشكل المقابل أ ب ج د متوازي أضلاع

اكمل : ١ - ق ( أ ) = .....

٢ - ق ( أ ب ج ) = .....

## ٣- محيط متوازي الاضلاع=.....

### تدريبات

١- عدد اقطار الشكل السداسي=.....  
الحل

٢- مضلع منتظم قياس احدى زواياه  $144^\circ$   
فان عدد اضلاعه .....  
الحل

٣- مضلع منتظم عدد اضلاعه ٨ فان  
مجموع قياسات زواياه الداخلة .....  
الحل

٤ قياس زوايا السداسي المنتظم=.....  
والخماسي المنتظم .....

٥- اوجد مجموع قياسات زوايا المضلع السداسي  
المنتظم وقياس كل زاوية فيه؟  
الحل

٦- اوجد عدد اضلاع مضلع محدب منتظم قياس  
احدى زواياه  $135^\circ$   
الحل

٧- اوجد عدد اضلاع مضلع محدب منتظم قياس  
احدى زواياه  $120^\circ$   
الحل

٨- مضلع منتظم عدد اضلاعه ن فان عدد  
زواياه .....  
ومجموع قياسات زواياه الداخلة  
.....  
وعدد اقطاره .....

مثال

فى الشكل المقابل

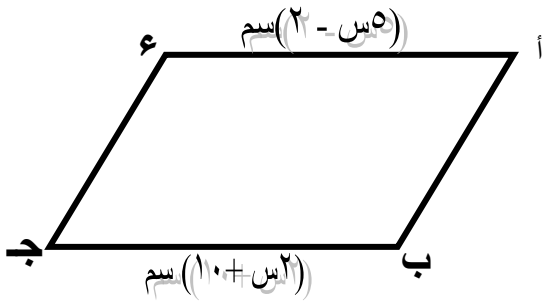
أ ب ج د متوازي أضلاع فيه

$$أ د = ٥ سم - ٢ سم$$

$$ب ج = ٢ سم + ١٠ سم$$

أوجد قيمة س ، طول ب ج

الحل



$$س = \frac{١٢}{٣} = ٤ سم$$

$$أ د = ٥ - ٢ = ٣ سم$$

أ ب ج د متوازي اضلاع

$$\therefore أ د = ب ج$$

$$٥ سم - ٢ سم = ٢ سم + ١٠ سم$$

$$٥ سم - ٢ سم = ١٢ سم$$

$$١٢ = ٣ سم$$

مثال

أكمل العبارات الآتية

١- المربع هو ..... إحدى زواياه قائمة

٢- الشكل الرباعي الذى أضلاعه متساوية فى الطول يسمى .....

٣- متوازي الاضلاع الذى قطراه ..... يسمى مستطيل

٤- متوازي الاضلاع الذى قطراه متعامدان يكون ..... و .....

٥- أ ب ج د متوازي أضلاع فيه ق (أ) = ٥٠° فإن ق (ب) = .....

٦- المستطيل هو ..... إحدى زواياه قائمة

٧- الشكل الرباعي الذى قطراه ينصف كلا منهما الآخر يسمى .....

٨- إذا كان أ ب ج د معين فإن ..... و .....

٩- الشكل الرباعي الذى فيه ضلعان متوازيان يسمى .....

١٠- القطران فى كلاً من ..... و ..... يصنع كلا منهما زاوية قياسها

٤٥° مع الضلع المجاور

١١- المعين الذى محيطه ٢٤ سم يكون طول ضلعه = ..... سم

تدريبات : اكمل ١- المعين الذى قطراه متساويان فى الطول يسمى .....

٢- ا ب ج ء معين ق ( ا ) = ٧٠ فان قياس ( ج ) = .....

٣- القطران متساويان ومتعامدان فى .....

٤- القطرا متساويان فى .....

٥- متوازي الاضلاع الذى قطرا متعامدان يسمى .....

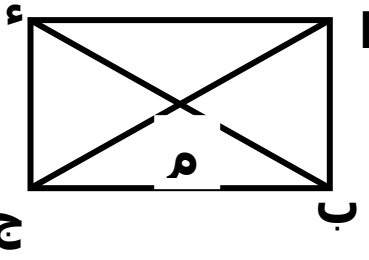
٦- مربع طول ضلعه ٥ سم فان محيطه .....

٧ معين طول ضلعه ٦ سم فان محيطه .....

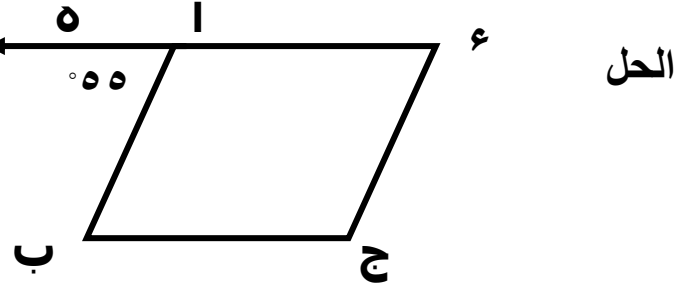
٨- ا ب ج ء متوازي اضلاع فيه ق ( ا ) + ق ( ج ) = ١٦٠ فان ق ( ب ) = .....

٩- الشكل الرباعى الذى فيه ضلعان متقابلان متوازيان وغير متساويان يسمى .....

٢- فى الشكل المقابل: ا ب ج ء مستطيل فيه  
م = ٣ سم ، ج = ٢ سم  
اوجد محيط المثلث ا ب م

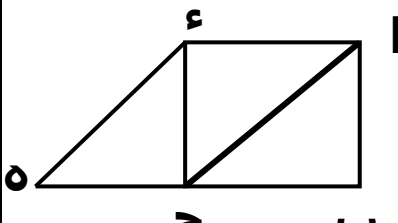


١- فى الشكل المقابل : هـ هـ ج ب  
ق ( ب ا هـ ) = ٥٥ ، ق ( ج ) = ١٢٥

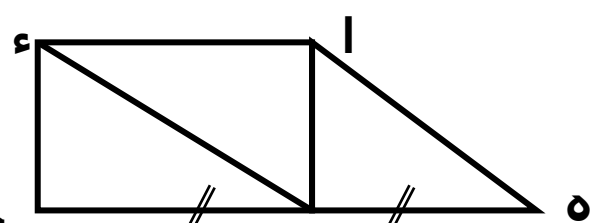


الحل

٤- فى الشكل المقابل: ا ب ج ء مربع فيه  
اج هـ ، هـ و ب ج اثبت ان  
الشكل ا ج هـ متوازي اضلاع



٣- فى الشكل المقابل: ا ب ج ء مستطيل فيه  
ب هـ = ب ج ، هـ و ب ج اثبت ان الشكل  
ا ب ج ء متوازي اضلاع

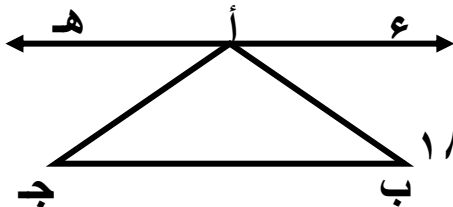




المثلث

نظرية (١)

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة = ١٨٠



## المعطيات      أ ب ج مثلث

## المطلوب

**إثبات أن  $q(a, b) = q(b, a)$**

**العمل**      **نرسم ء هـ // ب جـ**

**البرهان**       $ق(ع أ ب) = ق(ب)$  [ بالتناظر ] ،،  $ق(ه أ ج) = ق(ج)$  [ بالتناظر ]

$$[ \text{مستقيمة} ]^{\circ} 180 = \text{ق (أ ب)} + \text{ق (ب أ ج)} + \text{ق (أ ج هـ)}$$
$$\therefore \text{ق}(\text{ب}) + \text{ق}(\text{ب}^{\text{أ}} \text{ج}) = \text{ق}(\text{ج})$$

*a a*

**(مثال)** مثلث أب ج فيه ق (أ) = ٥٠° ، ق (ب) = ٦٠° أوجد ق (ج)

## الحل

$$\overset{\circ}{\text{و}} = \overset{\circ}{\text{ح}} - \overset{\circ}{\text{ز}} = [ \overset{\circ}{\text{ج}} + \overset{\circ}{\text{هـ}} ] - \overset{\circ}{\text{ز}} = (\text{ج})$$

*a a*

(مثال) مثلث قياسات زواياه ٢ س ، ٣ س ، ٤ س من الدرجات أوجد قيمة س

## الحل

مجموع الزوايا الداخلة = ١٨٠ °

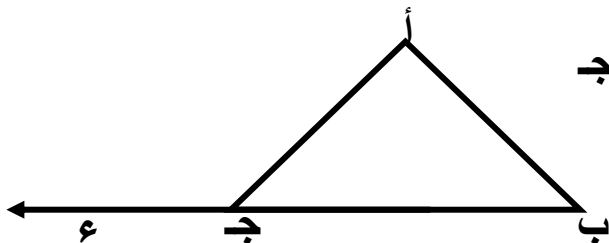
$$\overset{\circ}{\bullet} ۱۸۰ = ۲س + ۳س + ۴س$$

٩ س = ١٨٠ ٠

$$\overset{\circ}{\cup} ۲۰ = \frac{۱۸۰}{۹} = \text{س}$$

## الزاوية الخارجة للمثلث

قياس الزاوية الخارجة عند أى رأس من رؤوس المثلث يساوى مجموع قياسى الزاويتين الداخليتين عدا المجاورة لها

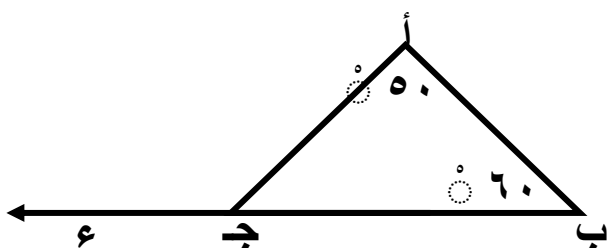


زاوية أ ج د تسمى زاوية خارجة عن  $\triangle$  أ ب ج

$$ق (أ ج د) = ق (أ) + ق (ب)$$

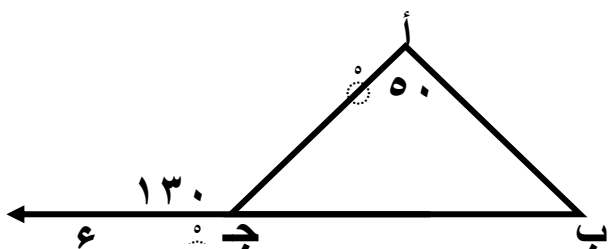
لاحظ أن

قياس الزاوية الخارجة عن المثلث أكبر من قياس أى زاوية داخلية عدا المجاورة لها



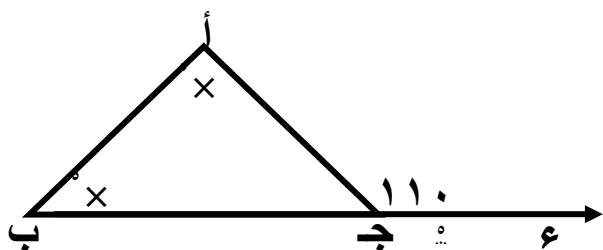
مثال فى الشكل المقابل

$$ق (أ ج د) = \dots\dots\dots$$



مثال فى الشكل المقابل

$$ق (ب) = \dots\dots\dots$$



مثال فى الشكل المقابل

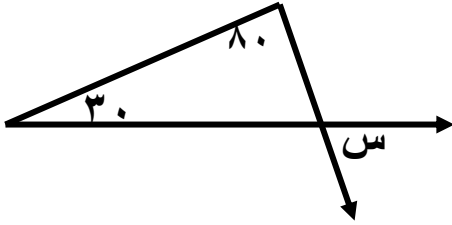
$$ق (أ) = ق (ب)$$

$$ق (أ ج د) = 110^\circ$$

$$\dots\dots\dots = ق (أ) ، \dots\dots\dots = ق (ب) ، \dots\dots\dots = ق (أ ج د)$$

مثال في الشكل المقابل اوجد قيمة س

الحل



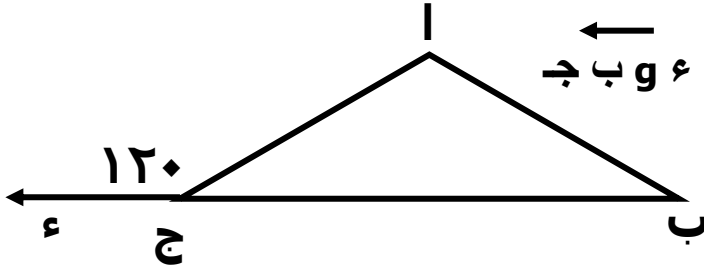
مثال

في الشكل المقابل ا ب ج مثلث ء و ب ج ←

ق ( ا ج ء ) = 120 ، ق ( ا ) = 70

اوجد ق ( ب > )

الحل

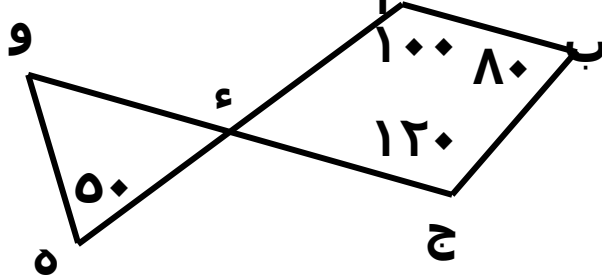


مثال

في الشكل المقابل ا ب ج ء شكل رباعي ه و ا ء ، و و ج ء ←

اوجد ق ( ا ج ء ) ، ق ( و > )

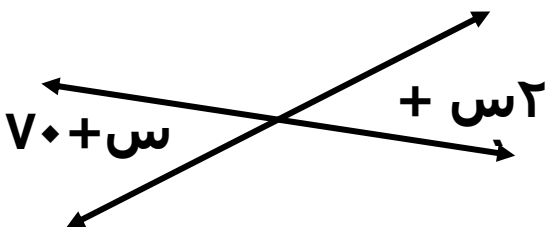
الحل



مثال

في الشكل المقابل اوجد قيمة س بالدرجات

الحل

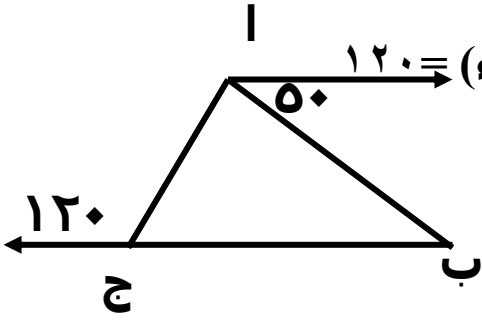


**تدریب**

## في الشكل المقابل: ا هـ

ق (  $5 \mid 10$  ) = ٥٠ اوجد قياس زوايا المثلث ا ب ج

### الحل :



**تاریب**

## أ) فى الشكل المقابل | اء

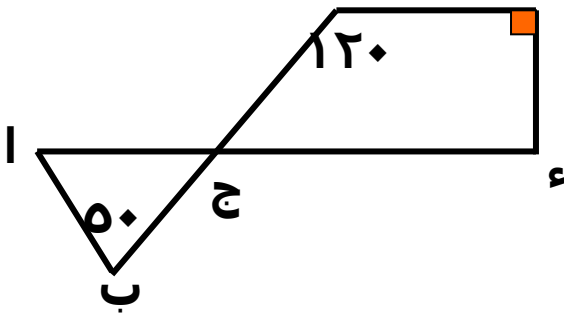
ب و c ج d ، ق ( | > ) = ٦٠ ، ق ( > ) ب

 $\phi = ($ 

ق( > و ) = ١٢٠ ، ق ( هـ ) = ٩٠

**اوجد بالبرهان : ق ( $\epsilon > 0$ )**

## الحل



**تدریب**

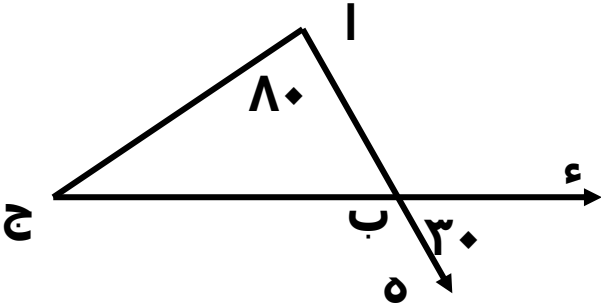
### في الشكل المقابل:

٤ g ج ب ، هـ و ا ب ق ( | > ) = ٣٠

٨٠ = ق ( > ع ب هـ ) ،

**اوجد بالبرهان ق ( > ج )**

## الحل



## ملاحظة هامة

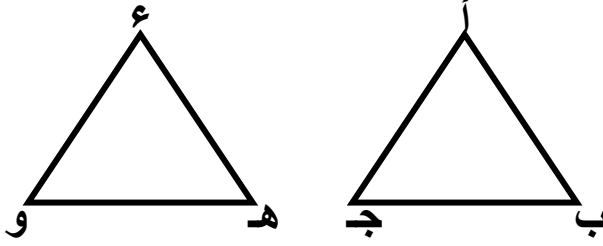
إذا ساوت قياس زاويتان من مثلث قياس زاويتين من مثلث آخر كان قياس الزاوية الثالثة في المثلث الأول يساوى قياس الزاوية الثالثة من المثلث الآخر .

فى المثلثين أ ب ج ، ع هـ و

إذا كان ق ( أ ) = ق ( ع )

، ق ( ب ) = ق ( هـ )

فإن ق ( ج ) = ق ( و )



@@

ملاحظة :- إذا ساوى قياس زاوية من مثلث مجموع قياسى الزاويتين الأخرين كان المثلث قائم الزاوية

فى  $\triangle$  أ ب ج إذا كان ق ( أ ) = ق ( ب ) + ق ( ج ) فإن ق ( أ ) =  $90^\circ$

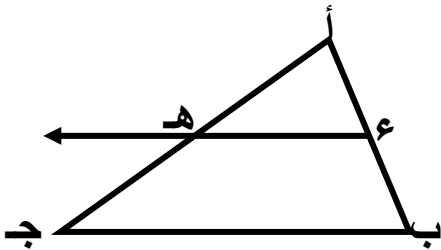
@@

الشعاع المرسوم من منتصف ضلع موازياً أحد الضلعين الآخرين فإنه ينصف الضلع الثالث .

## نظرية

إذا كانت ع منتصف أ ب ، ع هـ // ب ج

فإن هـ منتصف أ ج



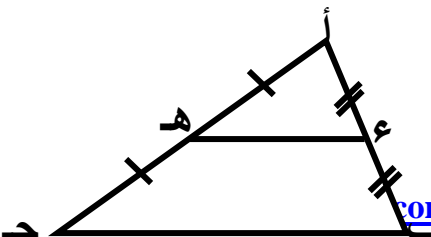
@@

القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفى ضلعين فى مثلث توازى الضلع الثالث

## نتيجة

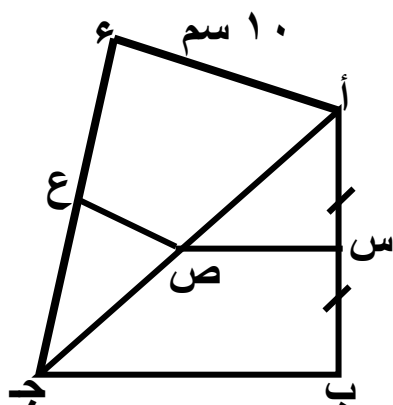
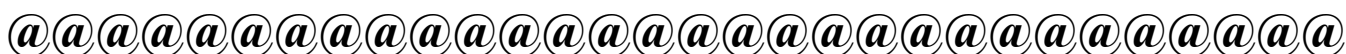
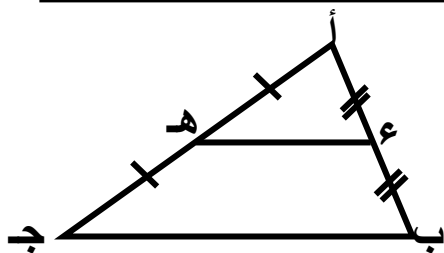
إذا كان ع منتصف أ ب ، هـ منتصف أ ج

فإن ع هـ // ب ج



طول القطعة المستقيمة الواصلة بين منتصفى ضلعين فى مثلث  
تساوى نصف طول الضلع الثالث

فان ٤ هـ =  $\frac{1}{2}$  ب جـ



ص ع =  $\frac{1}{2}$  أ ع

أ٤ = ١٠ سم ∴ ص ع = ٥ سم

## مثال

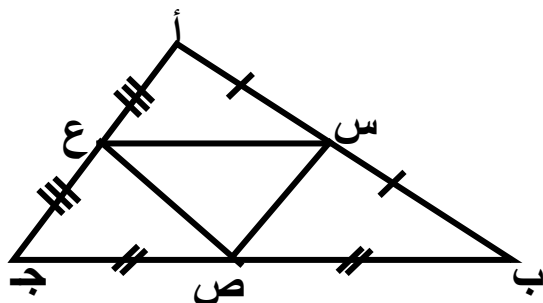
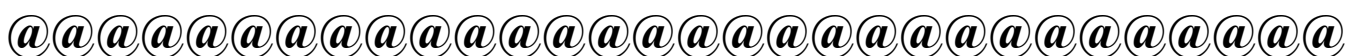
**أثبت أن ص ع // أ ء ثم أوجد طول ص ع**

## الحل

∴ ص منتصف أ ج

## ص منتصف أ ج ، ع منتصف ء ج

∴ ص ع // أ ء



## مثال

س ، ص ، ع منتصفاً أب ، ب ج ، أ ج

أب = ١٠ سم ، ب ج = ٨ سم ، أ ج = ١٢ سم

أوجد محيط  $\triangle$  س ص ع

## الحل

س منتصف أب ، ع منتصف أج .: س ع =  $\frac{1}{2}$  ب ج  
ب ج = ۸ سم .: س ع = ۴ سم

ع منتصف أ ج ، ص منتصف ب ج .∴ ص ع =  $\frac{1}{2}$  أ ب  
أ ب = ١٠ سم .∴ ص ع = ٥ سم

[illegible]

س ، ص ، ع منتصفاً أب ، ب ج ، أ ج

أوجد محيط  $\triangle$  س ص ع

## الحل

س ع = ۶سم ∴ ب ج = ۱۲سم

س ص = ٣ سم      ∴ أ ج = ٦ سم

ص ع = ٥ سم      ∴ أ ب = ١٠ سم

**محيط  $\Delta$  أ ب ج = ١٢ + ٦ + ١٠ = ٢٨ سم**